

# Bilateralna usporedba mjerenja tlaka u području od 0 do 600 bar

---

Lindić, Luka

**Undergraduate thesis / Završni rad**

**2019**

*Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: University of Zagreb, Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture / Sveučilište u Zagrebu, Fakultet strojarstva i brodogradnje*

*Permanent link / Trajna poveznica: <https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:235:856996>*

*Rights / Prava: [In copyright/Zaštićeno autorskim pravom.](#)*

*Download date / Datum preuzimanja: **2024-06-23***

*Repository / Repozitorij:*

[Repository of Faculty of Mechanical Engineering  
and Naval Architecture University of Zagreb](#)



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

# ZAVRŠNI RAD

**Luka Lindić**

Zagreb, 2019.

SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

# ZAVRŠNI RAD

Mentor:

Prof. dr. sc. Lovorka Grgec Bermanec, dipl. ing.

Student:

Luka Lindić

Zagreb, 2019.

Izjavljujem da sam ovaj rad izradio samostalno koristeći znanja stečena tijekom studija i navedenu literaturu.

Zahvaljujem se svima koji su mi pomogli u izradi ovog rada, a posebno profesorici dr.sc. Lovorki Grgec Bermanec na izdvojenom vremenu. Želio bih se zahvaliti i roditeljima koji su mi značajna potpora tijekom studija.

*Luka Lindić*



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE



Središnje povjerenstvo za završne i diplomske ispite

Povjerenstvo za završne ispite studija strojarstva za smjerove:

procesno-energetski, konstrukcijski, brodostrojarski i inženjersko modeliranje i računalne simulacije

| Sveučilište u Zagrebu<br>Fakultet strojarstva i brodogradnje |        |
|--|--------|
| Datum  | Prilog |
| Klasa:   |        |
| Ur.broj:   |        |

## ZAVRŠNI ZADATAK

Student: LUKA LINDIĆ

Mat. br.: 0035204025

Naslov rada na  
hrvatskom jeziku:

**Bilateralna usporedba mjerena tlaka u području od 0 do 600 bar**

Naslov rada na  
engleskom jeziku:

**Bilateral comparison of pressure measurements in the range from 0 to  
600 bar**

Opis zadatka:

Međulaboratorijska usporedba podrazumijeva organizaciju, izvedbu i vrednovanje rezultata mjerjenja istih ili sličnih mjerila u dva ili više laboratorija prema unaprijed određenim uvjetima. Svrha ovog rada je organizirati, provesti i analizirati međulaboratorijsku usporedbu umjernih laboratorija za tlak koji mogu umjeravati pretvornike na uljnim tlačnim vagama do 600 bar. U radu koristiti mjernu opremu Laboratorija za procesna mjerjenja.

Potrebitno je izraditi:

- Pregled metoda umjeravanja mjerila tlaka.
- Pregled normi i uputa za provedbu međulaboratorijskih usporedbi i obradu rezultata.
- Protokol usporedbe za tlak od 0 do 600 bar.
- Opis provedenih mjerjenja u laboratorijima koji sudjeluju.
- Opis provedenih mjerjenja u LPM-u i procjenu mjerne nesigurnosti.
- Analizu rezultata usporedbe određivanjem En vrijednosti.

U radu navesti korištenu literaturu i eventualno dobivenu pomoć.

Zadatak zadan:

29. studenog 2018.

Rok predaje rada:

1. rok: 22. veljače 2019.

2. rok (izvanredni): 28. lipnja 2019.

3. rok: 20. rujna 2019.

Predviđeni datumi obrane:

1. rok: 25.2. - 1.3. 2019.

2. rok (izvanredni): 2.7. 2019.

3. rok: 23.9. - 27.9. 2019.

Zadatak zadao:

Izv. prof. dr. sc. Lovorka Grgec Bermanec

Predsjednik Povjerenstva:

Prof. dr. sc. Igor Balen

## SADRŽAJ

|   |      |
|---|------|
| SADRŽAJ .....   | I    |
| POPIS SLIKA .....   | III  |
| POPIS TABLICA.....  | IV   |
| POPIS OZNAKA .....  | V    |
| SAŽETAK .....   | VII  |
| SUMMARY .....   | VIII |
| 1. UVOD .....   | 1    |
| 1.1. Povijest mjerena .....   | 1    |
| 1.2. Standardne mjerne jedinice .....   | 2    |
| 1.3. Mjeriteljska infrastruktura.....   | 3    |
| 2. OPĆENITO O TLAKU I MJERNIM REZULTATIMA .....   | 6    |
| 2.1. Tlak .....   | 6    |
| 2.2. Umjeravanje mjerena .....  | 7    |
| 2.3. Sljedivost mjerena .....   | 7    |
| 2.4. Mjerna nesigurnost .....   | 8    |
| 2.4.1. Procjena mjerne nesigurnosti tipa A .....  | 9    |
| 2.4.2. Procjena mjerne nesigurnosti tipa B.....   | 10   |
| 3. MJERENJE TLAKA POMOĆU TLAČNE VAGE .....  | 11   |
| 3.1. Osnovni princip rada tlačne vase .....   | 12   |
| 4. METODE UMJERAVANJA MJERILA TLAKA .....   | 14   |
| 4.1. Osnovni uvjeti za umjeravanje .....  | 14   |
| 4.1.1. Prostorija u kojoj se vrši umjeravanje .....   | 14   |
| 4.1.2. Instalacija tlačne vase.....   | 14   |
| 4.1.3. Generiranje tlaka .....  | 15   |
| 4.1.4. Etalon tlaka.....  | 16   |
| 4.1.5. Pripremanje tlačne vase.....   | 16   |
| 4.2. Metode umjeravanja.....  | 18   |
| 4.2.1. Metoda A .....   | 19   |
| 4.2.2. Metoda B .....   | 23   |
| 4.2.3. Metoda C .....   | 24   |
| 5. NORME I UPUTE ZA PROVEDBU MEĐULABORATORIJSKIH USPOREDBI I<br>OBRADU REZULTATA.....   | 25   |
| 5.1. Vrste međulaboratorijskih usporedbi .....  | 25   |
| 5.2. Pilot laboratorij .....  | 27   |
| 5.3. Hrvatska akreditacijska agencija (HAA) .....   | 27   |
| 5.4. Norme za akreditaciju laboratorija .....   | 28   |
| 5.4.1. HRN EN ISO/IEC 17011:2005, Ocjena sukladnosti – Opći zahtjevi za<br>akreditacijska tijela koja akreditiraju tijela za ocjenu sukladnosti ..... | 28   |
| 5.4.2. HRN EN ISO/IEC 17020:2005, Opći zahtjevi za rad različitih vrsta tijela koja<br>provode inspekciju .....                                       | 28   |

|  |    |
|--|----|
| 5.4.3. HRN EN ISO/IEC 17025:2007, <i>Opći zahtjevi za osposobljenost ispitnih i umjernih laboratorija</i> .....    | 28 |
| 5.4.4. HRN EN ISO/IEC 17043:2010, <i>Ocjenvivanje sukladnosti – Opći zahtjevi za ispitivanje sposobnosti</i> ..... | 28 |
| 6. PROTOKOL USPOREDBE ZA TLAK OD 0 DO 600 BAR-A.....   | 29 |
| 7. OPIS PROVEDENIH MJERENJA U UMJERAVANOM LABORATORIJU .....   | 30 |
| 7.1. Korišteni ispitivani pretvornik tlaka .....   | 30 |
| 7.2. Metoda umjeravanja.....   | 31 |
| 7.3. Podaci stanja okoliša.....  | 32 |
| 7.4. Etalonska oprema.....   | 32 |
| 7.5. Mjerni uvjeti .....   | 33 |
| 7.6. Mjerni rezultati BMB laboratoriјa .....   | 35 |
| 8. OPIS PROVEDENIH MJERENJA U LPM-FSB LABORATORIJU .....   | 38 |
| 8.1. Etalonska tlačna vaga.....  | 38 |
| 8.2. Uvjeti ispitivanja u LPM-FSB laboratoriјu .....   | 39 |
| 8.3. Postupak određivanja efektivnog tlaka za etalonsku vagu TLVAG-08.....   | 40 |
| 8.3.1. Korekcije jednadžbe za izračun efektivnog tlaka .....   | 40 |
| 8.3.1.1. Korekcija ukupne sile .....   | 40 |
| 8.3.1.2. Korekcija efektivne površine .....  | 40 |
| 8.3.1.3. Korekcija zbog statickog tlaka stupca fluida .....  | 40 |
| 8.3.1.4. Finalna formula za izračun efektivnog tlaka .....   | 41 |
| 8.3.1.5. Konstante za izračun efektivnog tlaka etalonske vase TLVAG-08 .....                                       | 41 |
| 8.3.4. Određivanje mjerne nesigurnosti .....   | 42 |
| 8.4.1. Izvori mjerne nesigurnosti .....  | 42 |
| 8.4.1.1. Nesigurnost rezolucije ispitivanog pretvornika, $u_r$ .....   | 42 |
| 8.4.1.2. Nesigurnost radnog etalona, $u_{standard}$ .....  | 42 |
| 8.4.1.3. Nesigurnost uslijed histereze, $u_h$ .....  | 42 |
| 8.4.1.4. Nesigurnost uslijed ponovljivosti, $u_b$ .....  | 43 |
| 8.4.1.5. Nesigurnost pri odstupanju od nultočke, $u_{fo}$ .....  | 43 |
| 8.4.2. Ukupna kombinirana standardna nesigurnost .....   | 43 |
| 8.4.3. Proširena mjerna nesigurnost .....  | 43 |
| 8.5. Mjerni rezultati LPM-FSB labortorija .....  | 44 |
| 9. ANALIZA REZULTATA USPOREDBE I ODREĐIVANJE $E_n$ VRIJEDNOSTI .....   | 47 |
| 9.1. $E_n$ vrijednost.....   | 47 |
| 10. ZAKLJUČAK .....  | 50 |
| LITERATURA .....   | 51 |
| PRILOZI .....  | 52 |

**POPIS SLIKA**

|           |  |    |
|-----------|--|----|
| Slika 1.  | Stup viteza Orlanda [16].....                              | 2  |
| Slika 2.  | Kategorizacija mjeriteljstva .....                         | 3  |
| Slika 3.  | Lanac sljedivosti.....                                     | 8  |
| Slika 4.  | Tlačna vaga [17].....                                      | 11 |
| Slika 5.  | Sklop klip-cilindar [8] .....                              | 13 |
| Slika 6.  | Vizualni prikaz Metode A [10] .....                        | 21 |
| Slika 7.  | Detalj Z iz vizualnog prikaza metode A [10] .....          | 21 |
| Slika 8.  | Metoda A-prikaz dodatne dvije mjerne serije [10] .....     | 22 |
| Slika 9.  | Vizulni prikaz metode B [10] .....                         | 23 |
| Slika 10. | Vizualni prikaz metode C [10].....                         | 24 |
| Slika 11. | WIKA P-30 električni pretvornik.....                       | 31 |
| Slika 12. | Mjerenje temperature sklopa klip-cilindar.....             | 33 |
| Slika 13. | Prikaz mjernog sustava BMB laboratorija.....               | 34 |
| Slika 14. | Zapisivanje mjernih rezultata.....                         | 35 |
| Slika 15. | Grafički prikaz mjernih rezultata u BMB laboratoriju ..... | 37 |
| Slika 16. | TLVAG-08 s utezima .....                                   | 39 |
| Slika 17. | Proces mjerjenja u LPM-FSB laboratoriju .....              | 44 |
| Slika 18. | Grafički prikaz mjerjenja u LPM-FSB laboratoriju .....     | 46 |
| Slika 19. | Grafički prikaz mjernih rezultata oba laboratorija .....   | 48 |

**POPIS TABLICA**

|             |  |    |
|-------------|--|----|
| Tablica 1.  | Osnovne jedinice Međunarodnog sustava (SI) .....       | 3  |
| Tablica 2.  | Jedinice za mjerjenje tlaka .....                      | 6  |
| Tablica 3.  | Usporedba metoda umjeravanja A, B i C [10].....        | 19 |
| Tablica 4.  | Usporedba vrsta međunarodnih usporedbi [11] .....      | 26 |
| Tablica 5.  | Karakteristike umjeravanog pretvornika tlaka .....     | 30 |
| Tablica 6.  | Podaci stanja okoliša BMB laboratorija .....           | 32 |
| Tablica 7.  | Podaci o tlačnoj vagi BMB laboratorija .....           | 32 |
| Tablica 8.  | Izmjerene vrijednosti tlakova u BMB laboratoriju ..... | 36 |
| Tablica 9.  | Izračunate vrijednosti BMB laboratorija .....          | 36 |
| Tablica 10. | Karakteristike tlačne vase TLVAG-08.....               | 38 |
| Tablica 11. | Prikaz stanja okoliša LPM-FSB laboratorija .....       | 39 |
| Tablica 12. | Konstante etalonske vase.....                          | 41 |
| Tablica 13. | Ostale konstante .....                                 | 41 |
| Tablica 14. | Izmjerene mjerne vrijednosti LPM-FSB laboratorija..... | 45 |
| Tablica 15. | Izračunate vrijednosti LPM-FSB laboratorija.....       | 45 |
| Tablica 16. | Izračunate $E_n$ vrijednosti.....                      | 49 |

## POPIS OZNAKA

| Oznaka      | Jedinica | Opis                                      |
|-------------|----------|---|
| $L$         | m        | Duljina                                   |
| $m$         | kg       | Masa                                      |
| $t$         | s        | Vrijeme                                   |
| $I$         | A        | Električna struja                         |
| $T$         | K        | Termodynamička temperatura                |
| $t$         | °C       | Temperatura u Celzijevim stupnjevima      |
| $n$         | mol      | Količina tvari                            |
| $I_v$       | cd       | Svjetlosna jakost                         |
| $p$         | Pa       | Opći tlak                                 |
| $A$         | $m^2$    | Površina                                  |
| $F$         | N        | Sila                                      |
| $w$         | kg       | Specifična težina                         |
| $h$         | m        | Visina                                    |
| $u$         | bar      | Standardna mjerena nesigurnost            |
| $s$         | bar      | Standardno odstupanje                     |
| $\bar{x}_i$ | bar      | Srednja vrijednosti veličine              |
| $n$         | -        | Broj ponovljenih mjerjenja                |
| $a$         | bar      | Polu-interval mjerne nesigurnosti         |
| $U$         | bar      | Proširena mjerena nesigurnost             |
| $p_e$       | bar      | Efektivni tlak                            |
| $A_e$       | $m^2$    | Efektivna površina pri atmosferskom tlaku |
| $A_0$       | $m^2$    | Efektivna površina pri efektivnom tlaku   |
| $\rho_a$    | $kg/m^3$ | Gustoća okolišnog zraka                   |
| $\rho_f$    | $kg/m^3$ | Gustoća radnog fluida                     |
| $\rho_{mi}$ | $kg/m^3$ | Gustoća utega                             |
| $g$         | $m/s^2$  | Gravitacijsko ubrzanje                    |

|                       |                   |   |
|-----------------------|-------------------|---|
| $\Gamma$              | mN/m              | Površinska napetost                             |
| $c$                   | m                 | Opseg klipa                                     |
| $\lambda$             | MPa <sup>-1</sup> | Koeficijent distorzije                          |
| $\alpha_c$            | °C <sup>-1</sup>  | Koeficijent temperaturne ekspanzije cilindra    |
| $\alpha_k$            | °C <sup>-1</sup>  | Koeficijent temperaturne ekspanzije klipa       |
| $t_{ok}$              | °C                | Temperatura okoliša                             |
| $h$                   | mm                | Razlika u visini u odnosu na referentni položaj |
| $\sigma$              | N/mm <sup>2</sup> | Naprezanje                                      |
| $u_r$                 | bar               | Nesigurnost rezolucije ispitivanog pretvornika  |
| $u_{standard}$        | bar               | Nesigurnost radnog etalona                      |
| $u_h$                 | bar               | Nesigurnost uslijed histereze                   |
| $u_{b'}$              | bar               | Nesigurnost uslijed ponovljivosti               |
| $u_{fo}$              | bar               | Nesigurnost pri odstupanju od nultočke0         |
| $u_{uzlazni/silazno}$ | bar               | Ukupna kombinirana mjerna nesigurnost           |
| $U_{uzlazno/silazno}$ | bar               | Ukupna kombinirana proširena mjerna nesigurnost |
| $k$                   | -                 | Faktor pokrivanja                               |
| $r$                   | bar               | Rezolucija                                      |
| $f_o$                 | bar               | Nulto odstupanje                                |
| $b'$                  | bar               | Ponovljivost                                    |
| $h$                   | bar               | Histereza                                       |
| $j$                   | -                 | Broj mjerne točke                               |

## **SAŽETAK**

Za kvalitetnu provedbu bilateralne usporedbe mjerjenja tlaka u području od 0 do 600 bar potrebno je dobro poznavati sve pojmove koji se vežu uz termin mjeriteljstva. Tako je u uvodu ovog rada uz kratku povijest mjerjenja objašnjeno značenje Standardnih mjernih jedinica te funkciranje mjeriteljske infrastrukture.

Nakon općenitog uvoda o mjeriteljstvu dano je detaljno objašnjenje pojma tlaka te bitnih pojmove za međulaboratorijsku usporedbu kao što su umjeravanje, sljedivost i mjerna nesigurnost.

Mjerenje tlaka se provodi pomoću uređaja koji se naziva tlačna vaga po točno određenim i propisanim pravilima. Propisani su i osnovni uvjeti za umjeravanje i metode umjeravanja od strane EUROMET-a kojih se potrebno pridržavati kako bi rezultati mjerjenja bili međunarodno priznati.

Nadalje, navedene su norme i upute koje su potrebne za provedbu međulaboratorijskih usporedbi i obradu rezultata te sami protokol usporedbe za tlak od 0 do 600 bar-a. Zasebno je opisano provedeno mjerjenje u umjeravanom BMB Brcković laboratoriju i LPM-FSB laboratoriju. Za umjeravanje se koristio električni pretvornik tlaka P-30, WIKA. Nakon provedenog mjerjenja provedena je analiza rezultata usporedba te određena  $E_n$  vrijednost što je bio i cilj ovog rada.

**Ključne riječi:** mjeriteljstvo, tlak, umjeravanje, sljedivost, mjerna nesigurnost, tlačna vaga, pretvornik tlaka,  $E_n$  vrijednost

---

## SUMMARY

For the quality implementation of bilateral comparaison of pressure measurements in the range from 0 to 600 bar it is necessary to know all the concepts that connect with the term metrology. In the introduction part of this paper, with a brief history of measurement, the meaning of International System of Units and the Functioning of Metrology Infrastructure are explained.

After the general introduction to metrology, a detailed explanation of the concept of pressure and of the essential concepts for inter-laboratory comparisons are given, such as calibration, traceability and metric uncertainty.

The pressure measurement is carried out by a device called the pressure balance according to precisely defined and prescribed rules. The basic conditions for calibration and calibration methods by EUROMET are also mandatory, so that the measurement results are internationally recognized.

Furthermore, the standards and instructions required for inter-laboratory comparisons and result processing are listed and the comparison protocol itself for a pressure of 0 to 600 bar. The measurement was performed in the calibrated BMB Brcković laboratory and the LPM-FSB laboratory. The electric pressure transmitter P-30, WIKA was used for calibration. After the measurement was carried out, the analysis of the comparison results was carried out, the  $E_n$  value was specified, which was also the aim of this paper.

Key words: metrology, pressure, calibration, measurement traceability, measurement uncertainty, pressure balance, pressure transmitter,  $E_n$  value

## 1. UVOD

Tema ovog rada bazirana je na mjerenu pa je bitno znati što je mjerene zapravo. Mjerene je proces dobivanja brojčanog podatka u odnosu na jedinicu mjere. Opseg i primjena mjerene ovise o kontekstu i disciplini. Mjerene je osnova trgovine, znanosti, tehnologije i kvantitativnog istraživanja u mnogim disciplinama. Povjesno gledano, postojali su mnogi merni sustavi za različita područja ljudskog postojanja kako bi se olakšala usporedba u tim područjima. Često su postignuti lokalnim sporazumima između trgovačkih partnera ili suradnika. Od 18. stoljeća, kretanja su napredovala prema ujedinjujućom i široko prihvaćenom standardu koji je rezultirao modernim međunarodnim sustavom jedinica (SI). SI sustav smanjuje sva fizička mjerena na matematičku kombinaciju sedam osnovnih jedinica.

### 1.1. Povijest mjerena

Najraniji zabilježeni sustavi utega i mjera potječu iz 3. ili 4. tisućljeća prije Krista. Čak i najranije civilizacije trebale su mjerene u svrhu poljoprivrede, gradnje i trgovine. Rane standardne jedinice mogu se primijeniti samo na jednu zajednicu ili malu regiju, pri čemu svako područje razvija svoje standarde za duljinu, površinu, volumen i masu. Često su takvi sustavi bili blisko povezani s jednim područjem korištenja. Primjerice, u 14. stoljeću Dubrovačka republika je imala normiranu mjeru dužine određenu duljinom lakta (51 cm) na Stupu viteza Orlanda [Slika 1]. Etalon (metalni štap) čuvao se u palači Sponza, a ista duljina lakta urezana je i u kamenom postamentu Orlandova spomenika. Razvojem proizvodnih tehnologija i rastućom važnošću trgovine između zajednica i konačno diljem Zemlje, standardizirani utezi i mjere postali su prijeko potrebni. Otkrivanje i primjena električne energije jedan je od čimbenika koji motivira razvoj standardiziranih međunarodno primjenjivih jedinica. [1]



Slika 1. Stup viteza Orlanda [16]

## 1.2. Standardne mjerne jedinice

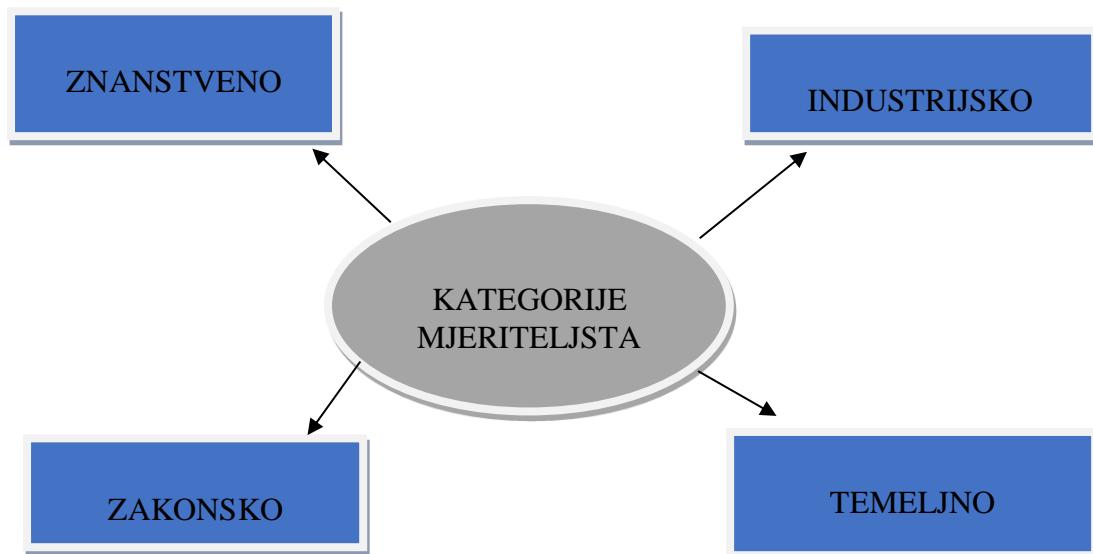
Kod mjerenja za usporedbe najčešće se koristi Međunarodni sustav jedinica (SI). SI sustav je definiran sa sedam temeljnih jedinica: kilogram, metar, kandela, sekunda, amper, kelvin i mol [Tablica 1]. Do ove godine se šest od tih jedinica definiralo bez upućivanja na određeni fizički objekt koji služi kao standard, dok se kilogram čuvao u posebno čuvanom prostoru koji se nalazi u sjedištu Međunarodnog ureda za utege i mjere u Sèvresu kod Pariza. U studenom 2018. znanstvenici iz više od 50 zemalja su na konferenciji u Versaillesu, nedaleko od Pariza, jednoglasno usvojili novu definiciju kilograma. Ta se definicija temelji na fiksnoj numeričkoj vrijednosti određene konstante. Tako se jedinica za mjerenje može promijeniti samo kroz povećanu točnost u određivanju vrijednosti konstante kojoj je vezana. [2]

| Naziv    | Znak | Veličina                   |
|----------|------|----------------------------|
| Metar    | M    | Duljna                     |
| Kilogram | Kg   | Masa                       |
| Sekunda  | S    | Vrijeme                    |
| Amper    | A    | Električna struja          |
| Kelvin   | K    | Termodinamička temperatura |
| Mol      | Mol  | Množina tvari              |
| Kandela  | Cd   | Svjetlosna jakost          |

Tablica 1. Osnovne jedinice Međunarodnog sustava (SI)

### 1.3. Mjeriteljska infrastruktura

Mjeriteljstvo se kategorizira na 4 grane kako je prikazano na Slici 2.



Slika 2. Kategorizacija mjeriteljstva

**Zakonsko mjeriteljstvo** spada u dio mjeriteljstva koji je uređen zakonom i svim popratnim propisima kako bi se postiglo povjerenje u mjerne rezultate. Ono uključuje djelatnosti koje rade po propisima, a uključuju mjerena, mjerne jedinice, mjerila i mjerne metode koje provode djelatnosti koje se bave mjeranjem. U budućnosti će sve veću ulogu poprimiti međunarodna suradnja te usklađivanje mjera i postupaka mjeriteljskih zakona.

Mjeriteljskom zakonu je temeljni cilj zaštiti građane od mogućih posljedica od pogrešnih mjeranja:

- u radnom okolišu, zaštiti na radu i sigurnost
- u službenim i trgovačkim poslovima.

Mjerila trebaju osigurati ispravne mjerne rezultate:

- u cijelokupnom razdoblju uporabe
- u granicama danih dopuštenih postupaka
- u radnim uvjetima.

**Znanstveno mjeriteljstvo** se bavi dijelovima koje su zajedničke svim mjeriteljima bez obzira koju mjeru veličinu mjerili. Obuhvaća praktičke i opće teoretske probleme mernih jedinica. U to ulaze prenošenja znanstvenih metoda, problemi mjeriteljskih svojstava mjerila, mernih nesigurnosti itd. BIMP ih je podijelio u 9 tehničkih područja: masa, elektricitet, duljina, vrijeme i frekvencija, termometrija, ionizacijsko zračenje i radioaktivnost, fotometrija i radiometrija, protok, akustika i količina tvari. [3]

**Industrijsko mjeriteljstvo** se odnosi na pravilno funkcioniranje mjerila koja se koriste u procesima proizvodnje i industriji.

**Temeljno mjeriteljstvo** označuje najvišu razinu točnosti u traženom području. Prema tome temeljno mjeriteljstvo se može nazvati kao najviša stepenica znanstvenog mjeriteljstva. [3]

**Medunarodni odbor za utege i mjere** (CIPM) predstavlja 18 osoba iz 18 različitih država. Svaka od država članica Konvencije o metru imenuje osobe za Generalnu konferenciju o težinama i mjerama (CGPM) čiji je glavni zadatak promicati ujednačenost svjetskih mernih jedinica izravnim djelovanjem ili podnošenjem prijedloga CGPM-u. [4]

CIPM se sastaje svake godine (od 2011. godine na dvije sjednice godišnje) u Međunarodnom uredu za utege i mjere (BIPM) gdje raspravljaju o izvješćima koja dođu od savjetodavnog odbora. Izvješća o sastancima CGPM-a, CIPM-a i svih savjetodavnih odbora objavljuje BIPM.

**Međunarodni ured za utege i mjere (BIPM)** je međuvladina organizacija koja je osnovana od strane Konvencije o metru. U njoj države članice odgovaraju zajedno na pitanja vezana uz mjeriteljsku znanost i standarde mjerenja. Sjedište mu je u Sèvresu u Francuskoj.

BIPM ima obavezu pružiti osnovu za jedinstvenim, koherentnim sustavom mjerenja širom svijeta koji se može razumjeti zbog korištenja Međunarodnog sustava jedinica (SI). Ta obaveza sadrži mnogo oblika. Primarno od izravnog širenja jedinica (kao u slučaju vremena) do koordinacije kroz međunarodne usporedbe nacionalnih mjerneih standarda (kao što je to slučaj s električnom energijom i ionizirajućim zračenjem).

Na svakom sastanku Opće konferencije nakon konzultacija predstavlja se nacrt verzije BIPM programa rada koji se razmatra uz BIPM donaciju. Konačni program rada određuje CIPM u skladu s pogodbama koje su dogovorene u CGPM-u.

Glavni posao BIPM-a trenutno uključuje [5]:

- znanstvene i tehničke djelatnosti u četiri odjela: kemija, ionizirajuće zračenje, fizikalna mjeriteljstva i vrijeme
- pružanje institucionalne veze s drugim tijelima koja pružaju potporu međunarodnoj infrastrukturi kvalitete i drugim međunarodnim tijelima
- izgradnju kapaciteta i programa prijenosa znanja koji imaju za cilj povećati učinkovitost unutar svjetske mjeriteljske zajednice
- centar resursa koji pruža bazu podataka i publikaciju za međunarodno mjeriteljstvo.

## 2. OPĆENITO O TLAKU I MJERNIM REZULTATIMA

### 2.1. Tlak

Tlak je sila koja se primjenjuje okomito na površinu objekta po jedinici površine na kojoj se ta sila rasporedi. Uredaj koji mjeri tlak u odnosu na tlak okoline naziva se manometar. Tlak se izražava pomoću različitih jedinica. SI jedinica za tlak je paskal (Pa) koji proizlazi iz formule (1).

$$p = \frac{dF}{dA} \quad (1)$$

Međutim, u SAD-u je tradicionalna jedinica za tlak psi. Tlak se također može izraziti u smislu standardnog atmosferskog tlaka. U tom slučaju jedna atmosfera (atm) označava tlak od 101325 Pa. U povijesti se za normalan tlak zraka uzimala vrijednost od 760 mmHg. To je bila razlika visina žive u stupcu.

U mehanici fluida se još upotrebljava tlak u obliku specifične težine ( $w$ ), prema visini ( $h$ ). [6]

$$dp = -w \cdot dh \quad (2)$$

Na formulama (1) i (2) se temelje sva osnovna mjerena.

| Naziv                          | Znak               | [Pa]          |
|--------------------------------|--------------------|---------------|
| Milibar                        | Mbar               | 100           |
| Hektopaskal                    | hPa                | 100           |
| inč stupca vode                | inH <sub>2</sub> O | 248,6 – 249,1 |
| inč stupca žive                | inHg               | 3386,39       |
| funta sile po kvadratnom palcu | Psi                | 6894,76       |

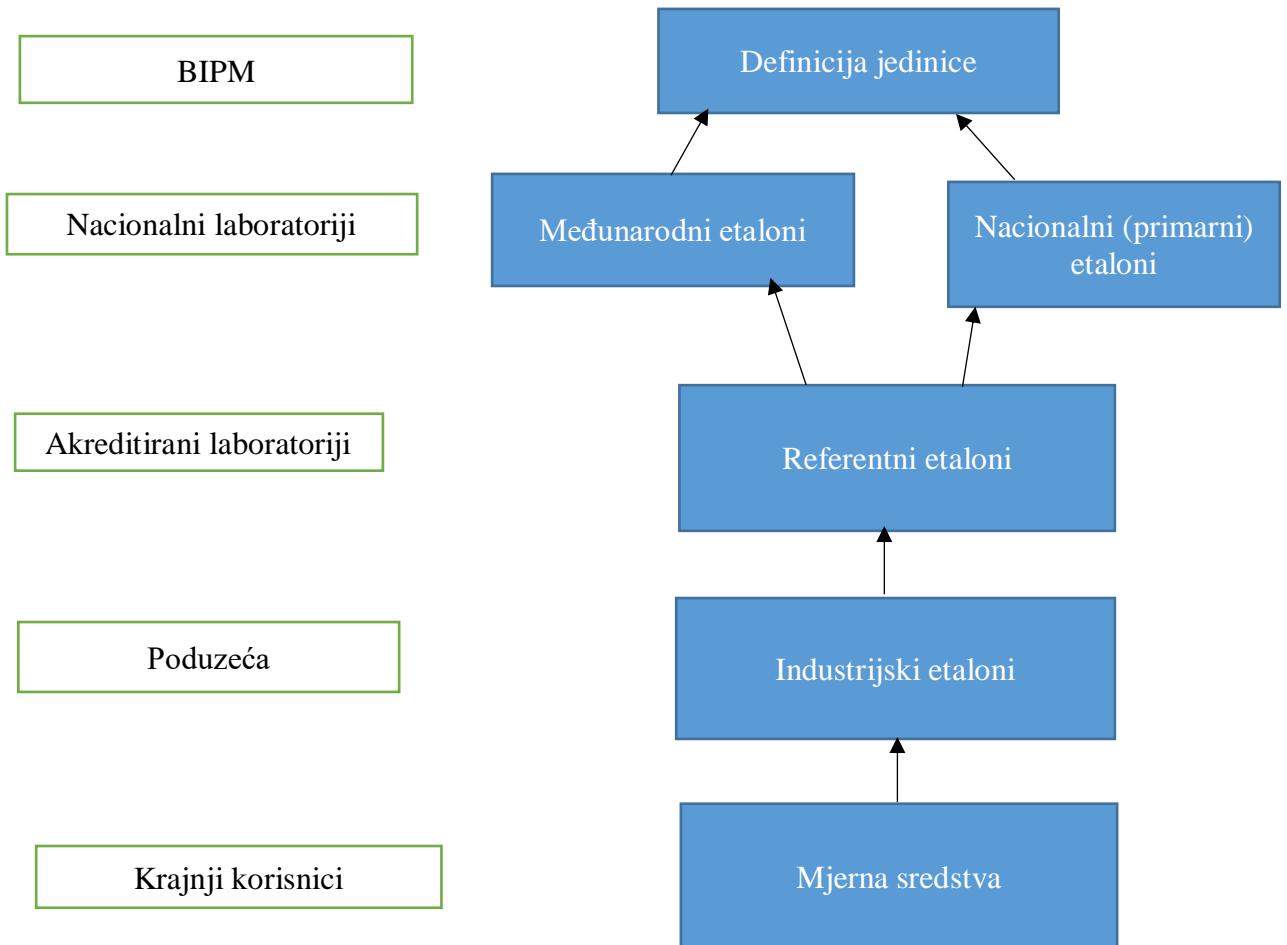
Tablica 2. Jedinice za mjerjenje tlaka

## 2.2. Umjeravanje mjerena

Formalna definicija umjeravanja od strane Međunarodnog ureda za utege i mjere (BIPM) je sljedeća: "Radnja koja u određenim uvjetima u prvom koraku uspostavlja odnos između količinske vrijednosti i mjerne nesigurnosti koje se daju standardima mjerena i odgovarajućim indikacijama s pripadajućim mjernim nesigurnostima (kalibriranog instrumenta ili sekundarnog standarda) te u drugom koraku koriste ove podatke kako bi uspostavili odnos za dobivanje rezultata mjerena iz indikacije. " [7] Ova definicija navodi da je proces umjeravanja čisto usporedba, ali uvodi koncept mjerne nesigurnosti u odnosu na točnost ispitivanog uređaja i standarda.

## 2.3. Sljedivost mjerena

Sljedivost je svojstvo mjernog rezultata ili vrijednosti nekog etalona po kojem se on može dovesti u vezu s navedenim referencijskim etalonima (obično državnim ili međunarodnim) neprekinitim lancem sljedivosti s utvrđenim mjerne nesigurnosti. Navedeni lanac sljedivosti nalazi se na Slici 3.



Slika 3. Lanac sljedivosti

## 2.4. Mjerna nesigurnost

„Mjerna nesigurnost je parametar pridružen mjernom rezultatu, koji označuje rasipanje vrijednosti, što se smije razborito pripisati mjerenoj veličini“. [6] Ona nam govori ponešto o kvaliteti mjerjenja te unosi sumnju u rezultate bilo kojeg mjerjenja.

Da bi se mjerna nesigurnost kvantificirala potrebna je:

- širina intervala nesigurnosti ili samo interval
- nivo pouzdanosti, koji ukazuje koliko smo sigurni da je „stvarna vrijednost“ u intervalu nesigurnosti.

Pogreške i nesigurnosti prouzrokuju:

- mjerni instrumenti – trošenje, slaba rezolucija, šum, itd.
- objekt mjerjenja – slaba rezolucija, nestabilnost, slaba ponovljivost i histereza
- mjerna metoda – poteškoće u mjerenu, gradjenti, nestalnosti
- „uvezene“ nesigurnosti – nesigurnost umjerenih instrumenata ugrađuje se u nesigurnost mjerena koje se na njima provodi
- vještina mjeritelja – bolji vid za fina očitanja
- uzorkovanje – mjerena koja se provode trebaju dobro reprezentirati proces koji se ispituje
- parametri okoline – temperatura, vlažnost.

Postoje dva načina za procjenu mjerne nesigurnosti:

- metoda procjene **tipa A** su procjene koje koriste statistiku
- metoda procjene **tipa B** su procjene bazirane na drugim informacijama.  
(prethodno iskustvo, iz proračuna, iz različitih izvora, prethodno iskustvo...).

#### **2.4.1. Procjena mjerne nesigurnosti tipa A**

Potrebno je sve podatke svesti na standardnu nesigurnost ( $u$ ) kako bi se izbjegla konfuzija. Standardna nesigurnost se računa iz standardne devijacije ( $s$ ) za sve dobivene rezultate mjerjenjem. Koristi se Gaussova razdioba gdje su podaci grupirani oko srednje vrijednosti.

Srednja vrijednost :

$$\bar{x}_i = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n x_{i,k} \quad (3)$$

---

Eksperimentalno standardno odstupanje:

$$s(\bar{x}_i) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{k=1}^n (x_k - \bar{x})^2} \quad (4)$$

Eksperimentalno standardno odstupanje srednje vrijednosti:

$$s(\bar{x}_i) = \frac{s(x_i)}{\sqrt{n}} \quad u_A = s(\bar{x}_i) \quad (5)$$

$$u = \frac{s}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n(n-1)}} \quad (6)$$

#### **2.4.2. Procjena mjerne nesigurnosti tipa B**

Pri računanju mjerne nesigurnosti metodom B poznat nam je samo interval nesigurnosti u kojem će vjerovatno biti prava vrijednost. Takva razdioba se naziva pravokutna, a računa se iz:

$$u = \frac{a}{\sqrt{3}} \quad (7)$$

### 3. MJERENJE TLAKA POMOĆU TLAČNE VAGE

Tlačne vase [Slika 4] su najprecizniji instrumenti za umjeravanje elektronskog ili mehaničkog tlaka mjernog instrumenta. Tlak se mjeri izravno prema njegovoj definiciji kao razlomak sile i površine te korištenjem visokokvalitetnih materijala rezultiraju malim mjernim nesigurnostima i omogućuju izvrsnu dugoročnu stabilnost od minimalno 5 godina. Iz tih se razloga tlačne vase već dugi niz godina koriste u umjeravanim laboratorijima industrije, nacionalnim institutima i istraživačkim laboratorijima. Zbog integriranog upravljanja tlakom i čisto mehanički princip mjerjenja tlaka, tlačna vaga je idealna za upotrebu na licu mjesta, kao i servis i održavanje.



Slika 4. Tlačna vaga [17]

### 3.1. Osnovni princip rada tlačne vase

Tlak je definiran kao razlomak sile i površine. Prema tome, jezgra ravnoteže tlaka je klip-cilindarski sklop koji je najčešće napravljen od volfram karbida. Osim visoko kvalitetnog materijala koji se prvenstveno izdvaja po malom koeficijentu toplinskog rastezanja, od presudne su važnosti tolerancije sklopa klip-cilindar. Vrlo visoka razina obrade materijala osigurava visoku kvalitetu i ravnu površinu s malim tolerancijama od samo nekoliko mikrometara. Bitno je da je međuprostor između klipa i cilindra konstantan te da ne dolazi do trenja između njih.

Površina koju određuju klip i cilindar naziva se „efektivna površina“. Na vrh klipa postavljaju se mase poznatih težina, dok se na donji kraj klipa dovodi najčešće ulje pod određenim tlakom pri kojem se razvije dovoljna sila da podigne cijeli klip s utezima. Fluid se mora kontinuirano dodavati u sistem zbog njegovog istjecanja kako bi se održavao stalni tlak u sustavu. Nadalje. Klip se zarotira da se eliminira utjecaj trenja.

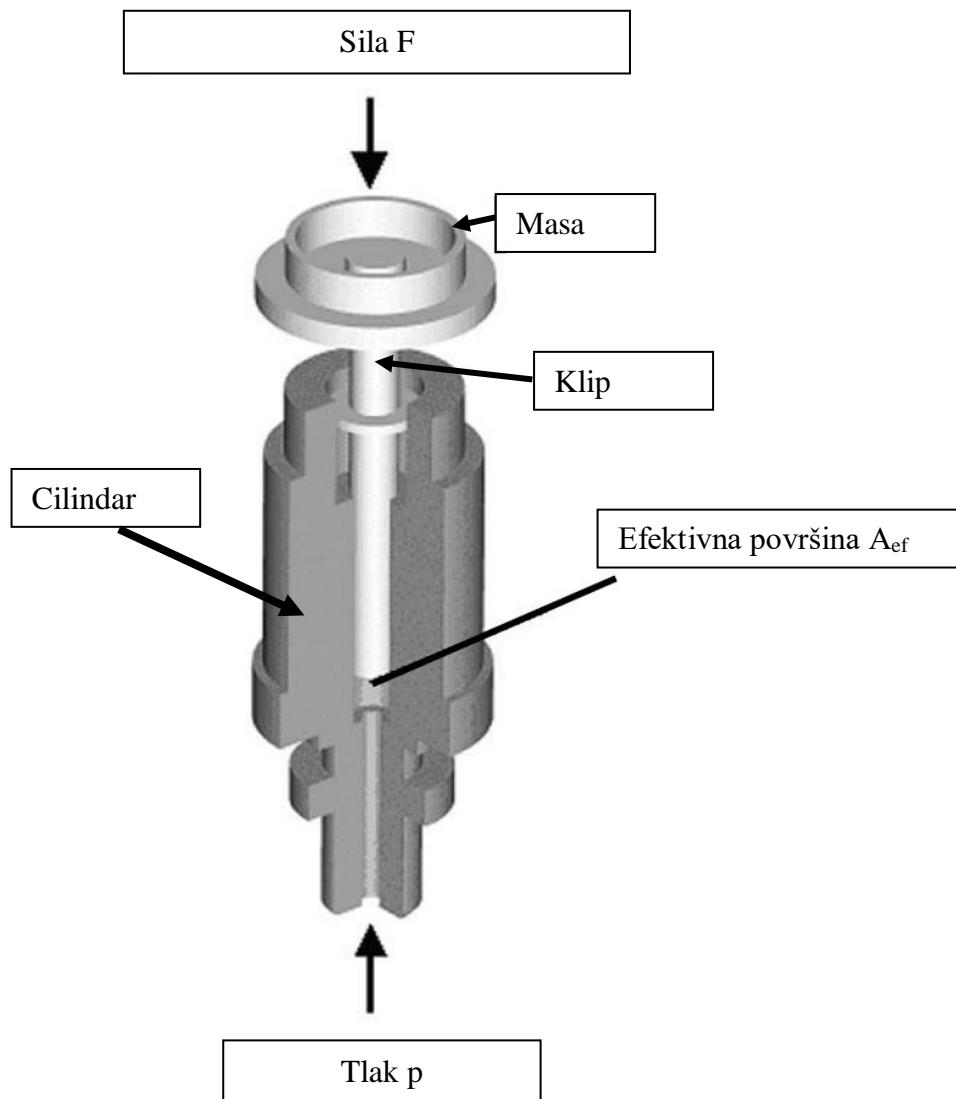
Najčešće konfiguracije tlačnih vaga su :

- uvučena konfiguracija,  $p_j=p$
- jednostavna konfiguracija,  $p_j=0$
- tlakom kontrolirana zračnost,  $p_j \neq p$ .

Kod uvučene konfiguracije tlak djeluje na bazu klipa i na oplošje cilindra što omogućuje veće distorzije između klipa i cilindra.

Jednostavna konfiguracija je najrasprostranjenija i najviše se koristi. Mjerni tlak djeluje samo na bazu klipa.

Tlačne vase s tlakom kontroliranom zračnosti imaju promjenjiv tlak  $p_j$  te se on posebno mjeri i kontrolira. Zbog toga se može jednostavnije odrediti efektivna površina. [6]



Slika 5. Sklop klip-cilindar [8]

## 4. METODE UMJERAVANJA MJERILA TLAKA

### 4.1. Osnovni uvjeti za umjeravanje

Kako bi umjeravanje bilo provedeno po propisanoj proceduri od strane EUROMET-a treba se zadovoljiti svaki od sljedećih uvjeta. [9]

Osnovni uvjeti za provođenje umjeravanja od strane EUROMET-a odnose se na:

- prostoriju u kojoj se vrši umjeravanje
- instalacija tlačne vase
- generiranje tlaka
- etalon tlaka
- pripremanje tlačne vase.

#### 4.1.1. Prostorija u kojoj se vrši umjeravanje

Temperatura okoline unutar sobe mora biti između 15 °C i 25 °C u granicama od  $\pm 2$  °C. Za manje mjerne nesigurnosti (tipično 0,01%) treba se izmjeriti temperatura sklopa klip-cilindar. Otvaranje vrata i kretanje operatera treba biti kontrolirano kako bi se održala stabilnost atmosfere i kontrola.

#### 4.1.2. Instalacija tlačne vase

Kod instalacije tlačne vase treba se pridržavati sljedećih uvjeta:

- instalirani uređaji trebaju biti dovoljno daleko od GVik uređaja kao što su ventilacijski i klima uređaji
- tlačna vaga treba biti na stabilnom stolu koji podnosi punu opterećenost dodanih masa na tlačnu vagu te stol treba biti u potpunosti horizontalno ravan
- visinsku razliku između referentnih razina dvaju instrumenata za uspoređivanje treba minimalizirati
- vertikalnost klipa koristiti prema preporuci proizvođača
- koristiti kratke cijevi sa širokim provrtom kako bi se smanjio utjecaj velikih tlačnih naprezanja na cijevi

- osigurati čiste i nepropusne cijevi
- postaviti odgovarajući sustav odvodnje kako biste kontrolirali prirodu fluida u sustavu cijevi
- pričvrstiti odgovarajući sustav za mjerjenje temperature na sklop klip-cilindar.

#### 4.1.3. Generiranje tlaka

Za plinske tlačne uređaje:

- koristiti čisti i suhi plin (npr. dušik) na temperaturi blizu okoliša
- podešiti ulaz tlaka na raspon međusobno povezanih instrumenata
- očistiti cijev od fluida (za tlačnu vagu koja koristi ulje).

Za uređaje koji koristi isključivo plin:

- koristiti čistu pumpu i pri korištenju mehaničke rotacijske pumpe koristiti odgovarajući filter
- koristiti prikladnu vakuumsku pumpu kako bi se osiguralo da preostali tlak iznad sklopa klip-cilindar bude manji od  $10 \text{ Pa}$  ili  $10^{-5}$  od mjerenog tlaka i odabrati veći tlak osim ako proizvođač ne propiše drugačije
- izmjeriti preostali tlak umjeravanim i spojenim vakuumskim mjeračem izravno u sustav.

Za tekuće tlačne vase:

- koristiti tekućinu koju preporučuje proizvođač
- ako tekućina koja se koristi kod umjeravanja nije ista kao i tekućina u standardnom sustavu upotrijebiti odgovarajuće separatore kako bi se izbjeglo bilo kakva mogućnost mješanja dvije različite tekućine
- očistiti cijev od bilo koje druge tekućine
- očistiti fluid u cijevi od bilo kojeg mogućeg unutarnjeg plina.

#### **4.1.4. Etalon tlaka**

Za raspone niže od 300 kPa standardni uređaj može biti i običan manometar. Ostali se uređaji mogu koristiti kao alternativa za određene slučajeve.

Umjeravanje apsolutnog tlaka može se provesti u mjernom režimu s dodanom mjernom nesigurnost  $A_0$ . Međutim, rad umjerene tlačne vase za apsolutni način treba biti testiran.

Umjeravanje tlačne vase namijenjene mjerenu negativnih mjerača tlakova mogu biti izvedeni u načinu pozitivnog mjernog tlaka uz dodatnu nesigurnost  $A_0$ . Međutim, rad umjerene tlačne vase u negativnom mjeraču tlaka treba ispitati.

U svim slučajevima etalonski instrument koji se koristi za umjeravanje mora zadovoljavati sljedeće uvjete:

- mora se pridržavati nacionalne norme s priznatim certifikatom o umjeravanju
- mjerna nesigurnost mora biti bolja od prepostavljene neizvjesnosti ravnoteže umjeravanjem
- proračun mjerne nesigurnosti na referentnoj standardnoj tlačnoj vagi mora biti dovršen kako bi bio potvrđen taj uvjet.

#### **4.1.5. Pripremanje tlačne vase**

Tlačna vaga koja se umjerava mora biti stavljeni u laboratorij najmanje 12 sati prije početka umjeravanja kako bi se uravnotežila te treba zadovoljiti sljedeće:

- provjeriti je li ulje čisto (ne sarži nečistoće) te ako nije, isprazniti sve cijevi i zamijeniti ulje u spremniku
- kada je tlači krug zatvoren i kada su utezi postavljeni na klip, klip se pomiče gore-dolje pomoću pumpe vretena
- ako je potrebno pomoću tehničkog priručnika ukloniti sklop klip-cilindar i očistiti površine dvaju dijelova prikladnim otapalom ili čistim sapunom s mekom i suhom krpom prema preporukama proizvođača

- pregledati sklop klip-cilindar ima li kakvih vidljivih površinskih ogrebotina i korozije te podmazati klip s čistim uljem
- ispitati slobodno rotacijsko vrijeme (samo za ručnu tlačnu vagu). Na klip postaviti utege koji odgovaraju 2/10 maksimalnog tlaka. Početni stupanj rotacije trebao bi biti približno 30 okr/min. Izmjeriti proteklo vrijeme sve dok klip ne stane te обратити pozornost na to da to vrijeme traje najmanje 3 minute
- ispitati brzinu spuštanja klipa. Brzina odmaka klipa se promatra na maksimalnom tlaku pri okretanju klipa. Izmjeriti vremenski interval u kojem klip pada s vrha prema dnu koji treba biti najmanje 3 minute
- spojiti tlačnu vagu s ispitivanim uređajem
- odrediti etalonsku razinu za oba tlaka. Etalonska razina je ona koju proizvođač obično definira na dnu površine klipa kada je ona u radnom položaju. U nedostatku informacija o etalonskoj razini i kada donja površina klipa nije dostupna, etalonska se razina općenito definira na razini priključka izlazne cijevi. Razlika u visini između etalonske razine standarda i etalonske razini ravnoteže umjeravanja se minimalizira što je više moguće i mjeri se. U svakom slučaju razlika u visini između etalonskih razina standarda i ravnoteže ispod umjeravanja mora se izmjeriti kako bi se primjenila odgovarajuća korekcija
- za apsolutni tlak pumpa mora raditi 30 min na početku umjeravanja da bi eliminirali vodenu paru u sustavu. Koristiti suhi dušik kao radni plin
- zakrenuti klip ili cilindar držeći se preporuka od proizvođača.

## 4.2. Metode umjeravanja

Svim metodama umjeravanja je zajedničko to da se sastoje od uspoređivanja umjeravanog i standardnog uređaja koji su podvrgnuti istim tlakom u istim uvjetima okoline. Vrijeme potrebno da se dostigne najveći tlak i vrijeme između dva preopterećenja treba biti najmanje 30 sekundi. Nakon očitanih rezultata i nakon postizanja stabilnih uvjeta oznaka umjeravanja se postavlja na nulto mjesto. Nulto očitanje se provodi odmah nakon. Vrijeme između dva uzastopna promjena opterećenja treba uvijek biti isto, ne kraće od 30 sekundi, a očitavanja treba izvršiti 30 sekundi nakon promjene tlaka. Pri korištenju Bourdonove cijevi tlakomjeri moraju biti lagano pritisnuti kako bi se smanjila mogućnost trenja kod pokazivača tlakomjera. Izmjerena vrijednost se treba očitati za gornju granicu raspona umjeravanja prije i poslije vremena čekanja. Nulta očitanja na kraju serije mjerjenja provode se najranije 30 sekundi nakon potpunog ponovnog postavljanja.

Zbog različitih zahtjeva kupaca i ovisno o prepostavljenoj točnosti uređaja za umjeravanje postoje tri različite metode umjeravanja[9]:

- Metoda A
- Metoda B
- Metoda C

Glavne razlike među njima su u broju ponavljanja uzlaznih i silaznih mjerjenja tlaka te u broju mjernih točaka [Tablica 3]. Metoda A je najduža i sastoji se od najviše izmjerenih točaka. Time je najpouzdanija, ali traje najveći vremenski period. Najkraća je metoda C, no njeni rezultati su najmanje pouzdani. Metoda B je negdje između te dvije metode po vremenskom trajanju i pouzdanosti rezultata.

| Metoda | Klasa<br>točnosti | Minimalni<br>broj<br>mjernih<br>točaka s<br>nulom<br>uzlaz/silaz | Broj<br>pred-<br>opterećenja | Promjena<br>opterećenja<br>+stacionarno<br>vrijeme (s) | Vrijeme<br>zastoja u<br>konačnoj<br>vrijednosti<br>mjernog<br>područja<br>(min) | Broj<br>mjernih<br>serija |              |
|--------|-------------------|--|------------------------------|--|---|---------------------------|--------------|
|        |                   |  |                              |  |   | Uzl-<br>azno              | Sila-<br>zno |
| A      | <0,1              | 9  | 3                            | >30  | 2   | 2                         | 2            |
| B      | 0,1...0,6         | 9  | 2                            | >30  | 2   | 2                         | 1            |
| C      | >0,6              | 5  | 1                            | >30  | 2   | 1                         | 1            |

Tablica 3. Usporedba metoda umjeravanja A, B i C [10]

#### 4.2.1. Metoda A

Metoda A je korištena za umjeravanje u ovom završnom radu te je ona detaljno opisana.

Zadatak ove metode je odrediti sistemsku grešku i ponovljivost umjeravane tlačne vase. To se postiže određivanjem narinutog tlaka što odgovara dobro znanim težinama utega. U ovoj metodi vaganje masa uređaja prije umjeravanja nije obavezno.

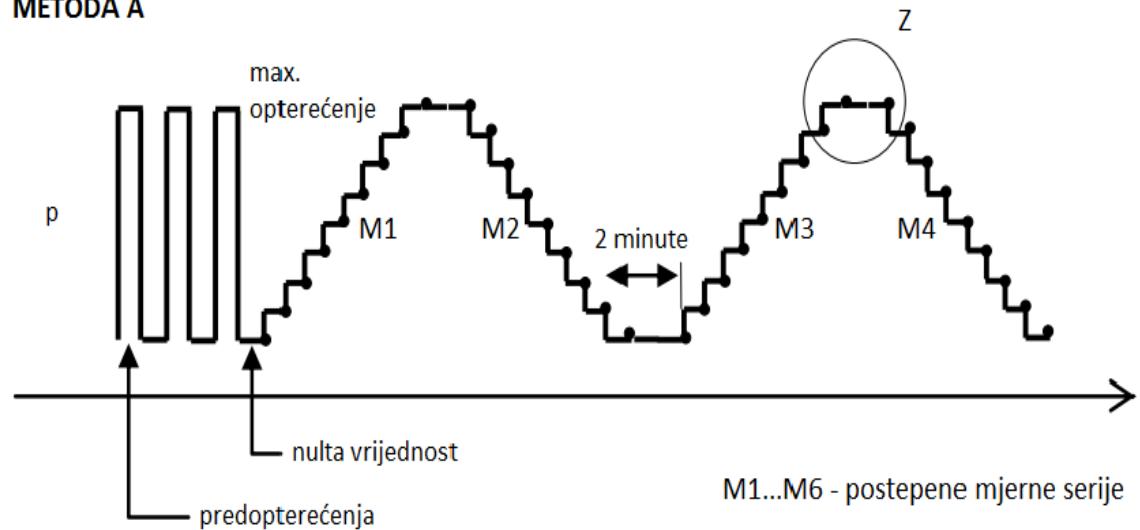
Za potrebnii certifikat umjeravanja metodom A treba uključiti sljedeće tehničke podatke:

- vrstu radnog fluida
- koeficijent linearног toplinskog rastezanja sklopa klip-cilindar
- položaj razine etalonskog tlaka
- informacije o tome kako pretvoriti vrijednosti tlaka za izmjerenu temperaturu i lokalno ubrzanje zbog gravitacije.

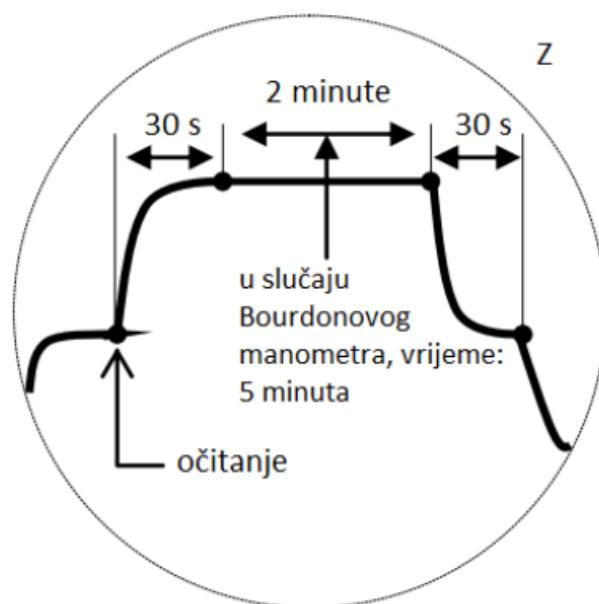
Početni dio prije početka mjerjenja opisan je pod točkom 3.2. i primjenjuje se u sve tri metode. Nadalje, osiguraju se osnovni uvjeti za umjeravanje koji su opisani pod točkom 3.1. kada je tlačna vaga u nultoj vrijednosti. Nakon toga se radi predopterećenje sustava tako da se narine maksimalan tlak umjeravanog tlaka tri puta. Pričeka se 30 sekundi u nultoj vrijednosti te se kreće s mjernom serijom. Mjerna serija izgleda tako da se postepeno podiže tlak dodavanjem utega od početne do krajnje mjerne točke te se očitava tlak za svaku točku i zapisuje. U ovoj metodi radimo 4 mjerne serije [Slika 6]. Počinjemo s uzlaznom mjernom serijom do maksimalnog tlaka s kojim smo predopteretili sustav. Pri dolasku do maksimalnog tlaka potrebno je pričekati minimalno dvije minute što vidimo iz detalja Z na Slici 7. Međutim, pri umjeravanju tlaka s Bourdonovim manometrom to vrijeme iznosi minimalno pet minuta. Nadalje, slijedi silazna mjerna serija u kojoj se tlak postepeno smanjuje sve do nulte vrijednosti. U nultoj vrijednosti se pričeka 2 minute te počinje isti postupak ispočetka. Ako smo iz bilo kojeg razloga morali dodatno stegnuti mjeru liniju, moramo raditi još jedna ciklus od dvije mjerne serije [Slika 8].

Nakon izvršenih mjerjenja za svaki izmjereni tlak možemo dobiti sljedeće podatke:

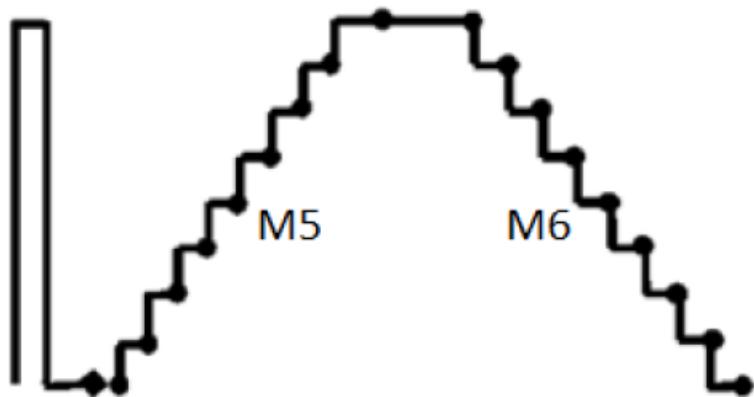
- etalonski tlak
- očitane uzlazne i silazne tlakove
- srednju vrijednost uzlaznih i silaznih tlakova
- odstupanje
- histerezu
- ponovljivost
- mjeru nesigurnost.

**METODA A**

Slika 6. Vizualni prikaz Metode A [10]



Slika 7. Detalj Z iz vizualnog prikaza metode A [10]

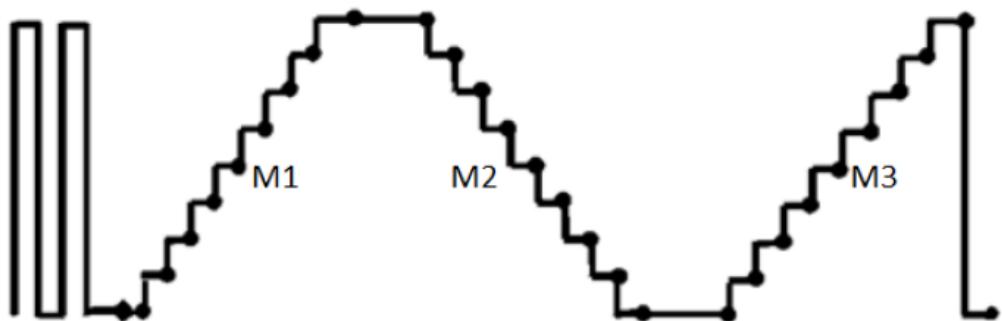


Slika 8. Metoda A-prikaz dodatne dvije mjerne serije [10]

#### 4.2.2. Metoda B

Metoda B se sastoji od dva ponavljanja predopterećenja s narinutim maksimalnim tlakom umjeravanja za razliku od metode A u kojoj se to radi tri puta. Nadalje, vrše se tri mjerne serije, a ne više četiri. Potrebno je dodati volumen za korekciju uzgona fluida kada je to potrebno. To su glavne razlike u odnosu na metodu A. Rezultati metode B su manje sigurnosti, ali mjerena vremenski kraće traju.

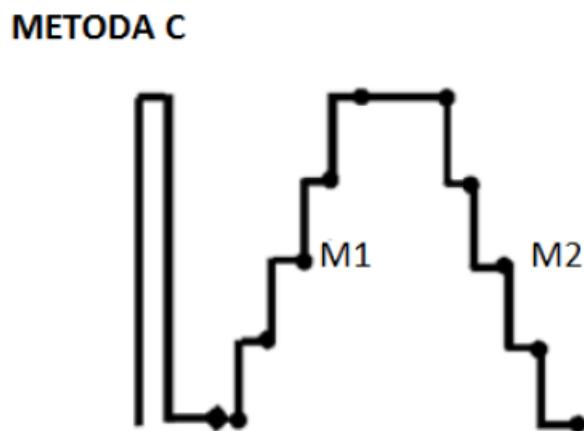
**METODA B**



Slika 9. Vizulni prikaz metode B [10]

#### 4.2.3. Metoda C

Metoda C se sastoji od jednog predopterećenja s maksimalnim narinutim tlakom umjeravanja i vraćanja na nultu vrijednost. Vrše se samo dvije mjerne sesije. Jedno uzlazno i jedno silazno mjerjenje. Zbog toga je ta metoda najjednostavnija i najkraće traje. Koristi se uglavnom u edukacijske svrhe za prikaz rada umjeravanja studentima.



Slika 10. Vizualni prikaz metode C [10]

## 5. NORME I UPUTE ZA PROVEDBU MEĐULABORATORIJSKIH USPOREDBI I OBRADU REZULTATA

Najrelevantnije praćenje ispravnosti rezultata mjerena nekog laboratorija je njegovo uključivanje u programe procjene kvalitete i vođenje međulaboratorijskih usporedba s drugima. Međulaboratorijska usporedba je organizacija, izvedba i vrednovanje mjerena ili ispitivanja istih ili sličnih predmeta ispitivanja u dva ili više laboratorija prema ranije definiranim uvjetima. [11]

### 5.1. Vrste međulaboratorijskih usporedbi

CIPM, koji je spomenut u uvodu, navodi tri vrste mjernih međulaboratorijskih usporedbi unutar dokumenta CIPM MRA [12]:

- 1) Ključne usporedbe
- 2) Dopunske usporedbe
- 3) Pilot studije

**Ključna usporedba** je kako joj i samo ime kaže ključna među ove tri vrste. Ona je najopširnija i dalje najkvalitetniji prikaz međulaboratorijske usporedbe. Za nju je odgovoran Savjetodavni odbor. Pokriva niz standarda koje su uključene u mnogo ključnih usporedbi kako bi se testirale glavne tehnike u praksi.

**Dopunsku usporedbu** obično provodi RMO kako bi se zadovoljile specifične potrebe koje nisu obuhvaćene ključnim usporedbama. Primjer možemo pronaći u regionalnoj potrebi mjerena specifičnih artefakata ili mjeranjima parametra koji nisu unutar opsega savjetodavnog odbora. Međutim, konzulativni odbori mogu odlučiti provesti dodatnu usporedbu kada postoji nekoliko sudionika sposobnih za mjerjenje potrebne količine. Pri tome to mjerjenje nema veze s RMO usporedbom te je distribucija uzoraka za mjerjenje ograničena.

**Pilot studija** je treća vrsta usporedbe koja se uobičajeno provodi pri uspostavljanju mjernih parametara za "novo" polje ili instrument ili kao vježba u svrhu obuke. [12]

| Vrsta                      | Razina   | Ciljevi  |
|----------------------------|--|--|
| Ključne usporedbe<br>(KC)  | Savjetodavni odbor<br>Konvencije o metru<br>(CC)   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Izrada referentne vrijednosti ključne usporedbe (KCRV)</li> <li>- Podržava zahtjeve mogućnosti umjeravanja i mjerjenja (CMC)</li> </ul>   |
|                            | Regionalna mjeriteljska organizacija (RMO)   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Poveznica s referentnom vrijednosti ključne usporedbe (KCRV)</li> <li>- Podržava zahtjeve mogućnosti umjeravanja i mjerjenja (CMC)</li> </ul>   |
| Dopunske usporedbe<br>(SC) | Regionalna mjeriteljska organizacija (RMO)   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Upoznavanje posebnih potreba bez pokrića u ključnoj usporedbi (KC)</li> <li>- Podržava zahtjeve mogućnosti umjeravanja i mjerjenja (CMC)</li> </ul>   |
| Pilot studije<br>(PS)      | Savjetodavni odbor<br>Konvencije o metru<br>(CC)<br><br>Regionalna mjeriteljska organizacija (RMO) | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Testiranje novih metoda ili intrumenata</li> <li>- Trening za Nacionalni mjeriteljski institut (NMI)</li> <li>- Može koristiti kao dodatna informacija pri podržavanju zahtjeva mogućnosti umjeravanja i mjerjenja (CMC)</li> </ul> |

Tablica 4. Usporedba vrsta međunarodnih usporedbi [11]

## 5.2. Pilot laboratorij

Kod pilot studije jednom od sudionika se treba dodijeliti uloga koordinatora koji postaje pilot laboratorij.U studiji ovog rada pilot laboratorij je LPM.

Glavne zadaće pilot laboratorijsa su [11]:

- odrediti skupinu sudionika
- izraditi tehnički protokol u dogovoru sa sudionicima i tehničkim odborom
- pripremiti registraciju usporedbe za bazu podataka EURAMET-a (ako se primjenjuje)
- organizirati pripreme prijenosnog etalona i njegovo kretanje među sudionicima
- uspoređivati mjerne rezultate sudionika
- konzultiranje s tehničkim odborom u slučaju većih problema kao značajna odgoda, oštećenja ili gubitka etalona
- pripremiti godišnje izvješća o postignutome za sastanke s tehničkim odborom
- vrednovati usporedbe
- pripremiti konačno izvješće.

## 5.3. Hrvatska akreditacijska agencija (HAA)

Hrvatska akreditacijska agencija je neovisna i neprofitna javna ustanova koja obavlja poslove nacionalne službe za akreditaciju u Republici Hrvatskoj. Osnovana je Uredbom Vlade Republike Hrvatske, na temelju Zakona o akreditaciji (NNbr. 158/03) radi provedbe hrvatskog tehničkog zakonodavstva koje je usklađeno s pravnom stečevinom Europske unije. [13]

Laboratoriji u Republici Hrvatskoj moraju dokazati svoju tehničku sposobnost kako bi dobili akreditaciju. Tehnička sposobnost se dokazuje brojnim međulaboratorijskim usporedbama, mjeriteljskim rezultatima, primjenom kontrolnih karata, umjeravanjem različitim metodama itd. Prilikom spoznaje neispravnosti rezultata mjerjenja HAA ima ovlasti laboratoriju oduzeti akreditaciju.

## 5.4. Norme za akreditaciju laboratoriјa

### 5.4.1. HRN EN ISO/IEC 17011:2005, *Ocjena sukladnosti – Opći zahtjevi za akreditacijska tijela koja akreditiraju tijela za ocjenu sukladnosti*

Ova međunarodna norma određuje opće zahtjeve za akreditacijska tijela koja ocjenjuju i akreditiraju tijela za ocjenu sukladnosti. Primjenjiva je i za provedbu međusobnih ocjenjivanja akreditacijskih tijela, u svrhu postizanja sporazuma o uzajamnom priznavanju.

Akreditacijska tijela koja djeluju u skladu s ovom međunarodnom normom ne moraju pružati usluge akreditacije za sve vrste tijela za ocjenu sukladnosti. Za potrebe ove međunarodne norme, tijela za ocjenu sukladnosti definiraju se kao organizacije koje pružaju sljedeće usluge ocjene sukladnosti: ispitivanje, umjeravanje, inspekciju, certifikaciju sustava upravljanja, certifikaciju osoblja, certifikaciju proizvoda i ispitivanje sposobnosti. [13]

### 5.4.2. HRN EN ISO/IEC 17020:2005, *Opći zahtjevi za rad različitih vrsta tijela koja provode inspekciju*

Ova norma je izrađena s ciljem promicanja povjerenja u inspekcijska tijela. Njome se trebaju koristiti inspekcijska tijela koja provode razne oblike inspekcijskih poslova. Norma propisuje zahtjeve koje mora ispunjavati uprava Inspekcijsko tijelo, ili organizacija čije je tijelo dio, mora imati pravni identitet. Inspekcijsko tijelo mora imati dokumentaciju koja opisuje njezine djelatnosti i tehničko područje za koje je mjerodavno. [13]

### 5.4.3. HRN EN ISO/IEC 17025:2007, *Opći zahtjevi za osposobljenost ispitnih i umjernih laboratoriјa*

Ova norma utvrđuje opće zahtjeve za osposobljenost za provedbu ispitivanja i umjeravanja, uključujući i uzorkovanje, a primjenjiva je za sve organizacije koje provode ispitivanja i umjeravanja bez obzira na vrste ispitivanja i umjeravanja, veličinu organizacije i opseg ispitivanja i umjeravanja. [13]

### 5.4.4. HRN EN ISO/IEC 17043:2010, *Ocenjivanje sukladnosti – Opći zahtjevi za ispitivanje sposobnosti*

Ova norma utvrđuje opće zahtjeve za osposobljenost organizatora shema ispitivanja sposobnosti te za razvoj i izvedbu shema ispitivanja sposobnosti. Ovi zahtjevi namijenjeni su da budu općeniti za sve vrste shema ispitivanja sposobnosti te mogu biti upotrijebeni kao osnova za specifične tehničke zahtjeve u pojedinom području primjene. [13]

## 6. PROTOKOL USPOREDBE ZA TLAK OD 0 DO 600 BAR-A

Tehnički protokol sastavlja pilot laboratorij u dogovoru sa sudionicima usporedbe. On je vrlo bitan i treba ga se pridržavati kako bi mjerena bila što kvalitetnija. EUROMET nalaže da tehnički protokol sadrži sljedeće podatke [11]:

- uvod u temu i točnu definiciju mjernih veličina u usporedbi
- opis sheme usporedbe
- provjeru stabilnosti prijenosnih standardnih uređaja
- vremenski raspored, posebice datum početka i predviđeni datum završetka usporedbe
- opis prijenosnih standardnih uređaja: proizvod, vrstu, serijski broj, tehničke podatke potrebne za rad, izjava o stabilnosti
- savjete za rukovanje i organiziranje transporta prijenosnog standarnog uređaja
- ispitivanje treba provesti prije mjerena
- rukovanje prijenosnim standardnim uređajem pri primitku i tijekom mjerena
- opis korištene metode umjeravanja, mjernih uvjeta i umjeravanih točaka
- prikaz rezultata
- popis glavnih sastavnica proračuna mjerne nesigurnosti
- tablični prikaz rezultata mjerena
- načelo vrednovanja rezultata i način povezivanja s odgovarajućim etalonskim vrijednostima
- financijske aspekte kao što su putni troškovi ili troškovi za prijenos standarnih uređaja
- upućivanje na korisne dokumente.

## **7. OPIS PROVEDENIH MJERENJA U UMJERAVANOM LABORATORIJU**

Umjeravani laboratorij za izradu ovog rada bio je BMB laboratorij Brcković te je umjeravanje provedeno 6.11.2018.

BMB laboratorij osnovan je 01.10.1987. kao prvi privatni laboratorij u Hrvatskoj (drugi privatni laboratorij u cijeloj bivšoj Jugoslaviji). Laboratorij je od prvog dana registriran kao ovlašteni laboratorij tada Saveznog zavoda za mjere i dragocjene kovine Beograd u skladu sa Zakonom o mjernim jedinicama i mjerilima (Sl. list SFRJ br. 20/86) prema članku 46 stavak 4 (Rješenje br. 0302-3108/87). Odluka HAA o dodjeljivanju akreditacije laboratoriju prema HRN EN ISO/IEC 17025:2007 donesena je 26.10.2010. te su od tada akreditirani umjerni laboratorij za umjeravanje mjerila tlaka i temperature. Nalaze se na Čulinečkoj cesti 87 u Zagrebu. [14]

### **7.1. Korišteni ispitivani pretvornik tlaka**

Za umjeravanje je korišten električni pretvornik tlaka s pokazivačem od 0 do 600 bar-a.

|                            |   |
|----------------------------|---|
| Uredaj                     | Električni pretvornik tlaka s pokazivačem |
| Proizvođač                 | WIKA                                      |
| Tip                        | P-30                                      |
| Tvornički broj             | 2266151                                   |
| Najmanji podjeljak         | 0,01 bar                                  |
| Mjerno područje            | 0 do 600 bara                             |
| Izlazni signal             | USB 2.0                                   |
| Električna veza            | USB kabel s utikačem tipa A               |
| Duljina kabla              | 1,8 m                                     |
| Napajanje                  | USB standardni napon                      |
| Ciljana mjerna nesigurnost | 0,05% FS                                  |
| Brzina prijenosa podataka  | 9600 Bd                                   |

Tablica 5. Karakteristike umjeravanog pretvornika tlaka



Slika 11. WIKA P-30 električni pretvornik

## 7.2. Metoda umjeravanja

Predmet je umjeravan prema odobrenom postupku UP13 Umjeravanje mjerila tlaka (Izdanje 10,2017) sukladno s Uputom DKD-R 6-1, Umjeravanje mjerila tlaka (Ed. 3,2014)

### 7.3. Podaci stanja okoliša

|                           | Temperatura zraka<br>(°C) | Relativna vlažnost<br>zraka (%) | Tlak zraka (hPa) |
|---------------------------|---------------------------|---------------------------------|------------------|
| Mjерено                   | 22,1                      | 55,2                            | 1005,0           |
| Mjerna nesigurnost<br>(U) | 0,3                       | 2,5                             | 0,2              |

Tablica 6. Podaci stanja okoliša BMB laboratorija

### 7.4. Etalonska oprema

Korištena je tlačna vaga VDO-Budenberg.

|                    |  |
|--------------------|--|
| Uredaj             | Tlačna vaga VDO-Budenberg                |
| Raspon mjerjenja   | 1/60 i 20/1200 bar                       |
| Tip                | 380H                                     |
| Tvornički broj     | 19360                                    |
| Mjerna nesigurnost | $U=1 \times 10^{-4} \times p$ , za $k=2$ |
| Tlačni medij       | Tekućina                                 |
| Naljepnica         | 03793-630-017-17 i 03915-630-017-17      |

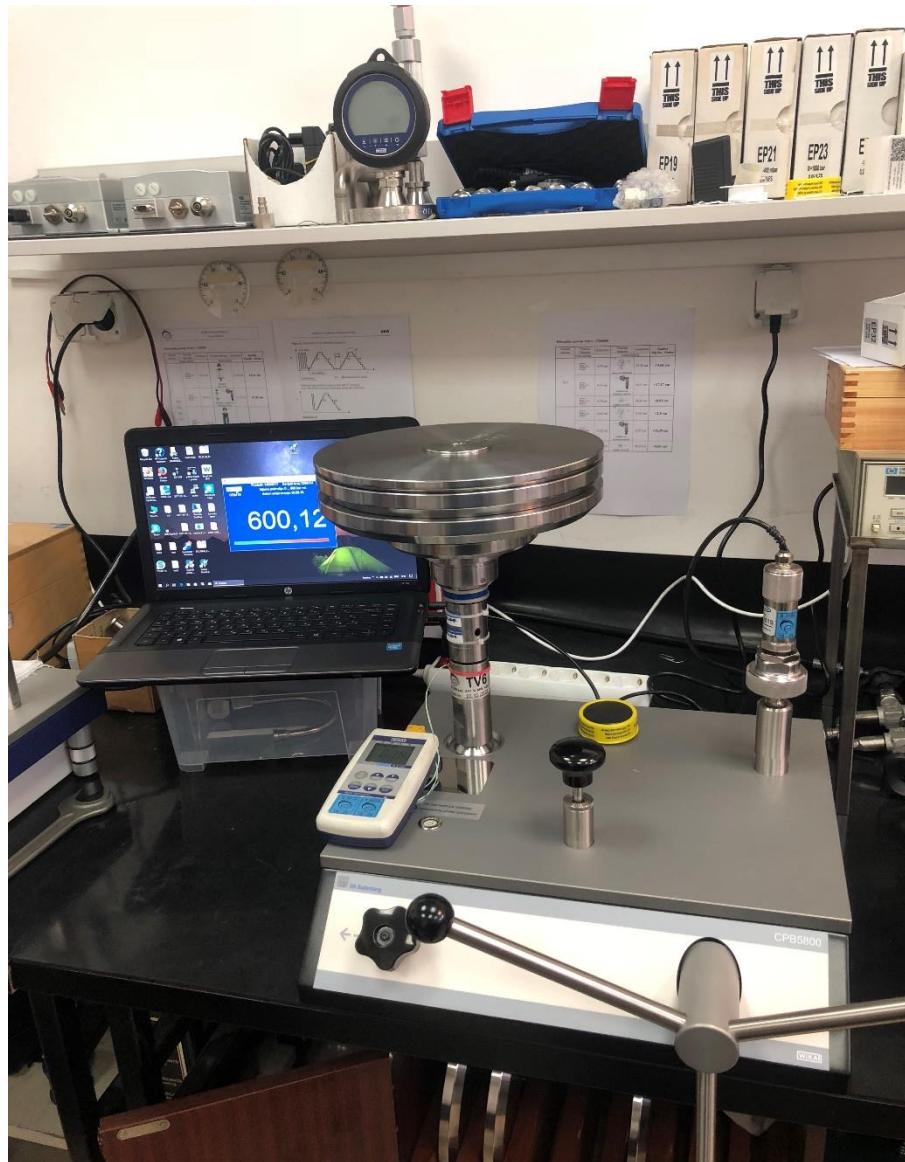
Tablica 7. Podaci o tlačnoj vagi BMB laboratorija



Slika 12. Mjerenje temperature sklopa klip-cilindar

## 7.5. Mjerni uvjeti

- Mjerilo je umjeravano u laboratoriju.
- Položaj tijekom umjeravanja je bio vertikalnan.
- Referentni nivo na priključku mjerila.
- Tlačni medij je bio ulje.



Slika 13. Prikaz mjernog sustava BMB laboratorija



Slika 14. Zapisivanje mjernih rezultata

## 7.6. Mjerni rezultati BMB laboratorija

Umjeravanje je provedeno za potrebe međulaboratorijske usporedbe u dogovorenim točkama 0, 100, 200, 300, 400, 500, 600 bara

Rezultati umjeravanja odnose se na navedeno mjerilo i uvjete pri umjeravanju.

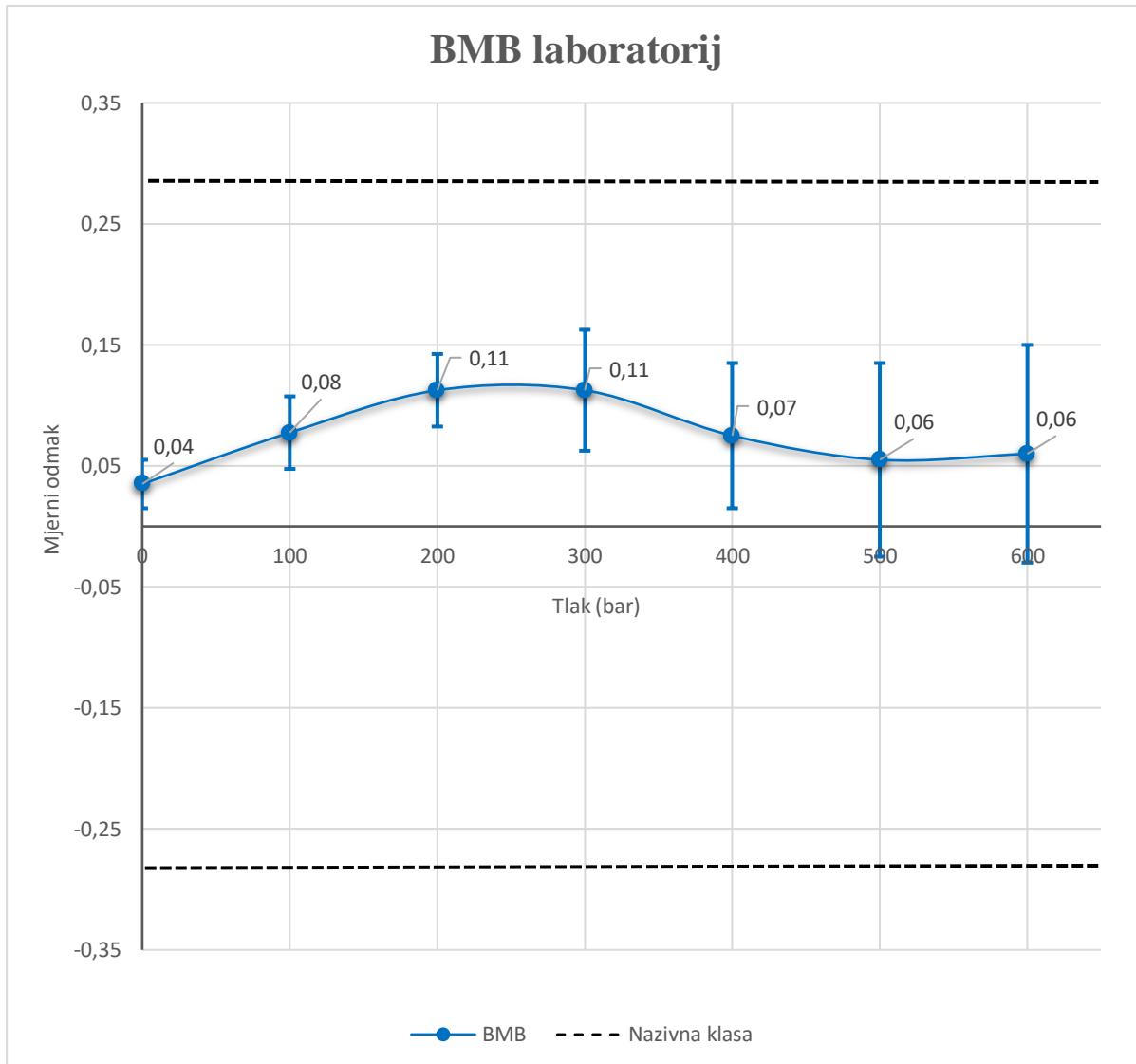
Mjerna nesigurnost odgovara vrijednosti složene nesigurnosti pomnožene s faktorom pokrivanja k=2. Ona je utvrđena prema EA-4/02. Navedeni rezultat mjerena normalno se nalazi u naznačenim granicama vrijednosti s područjem povjerenja od približno 95%.

| Red.<br>br. | Etalonski tlak | Očitanje na umjeravanom mjerilu |           |           |           |
|-------------|----------------|---------------------------------|-----------|-----------|-----------|
|             |                | Uzlazno                         | silazno   | uzlazno   | silazno   |
|             |                | <b>Pe</b>                       | <b>M1</b> | <b>M2</b> | <b>M3</b> |
|             |                | (bar)                           | (bar)     | (bar)     | (bar)     |
| 1           | 0              | 0,02                            | 0,05      | 0,03      | 0,04      |
| 2           | 100,02         | 100,10                          | 100,09    | 100,09    | 100,11    |
| 3           | 200,03         | 200,12                          | 200,15    | 200,14    | 200,16    |
| 4           | 300,03         | 300,14                          | 300,14    | 300,13    | 300,16    |
| 5           | 400,04         | 400,11                          | 400,12    | 400,10    | 400,13    |
| 6           | 500,04         | 500,09                          | 500,11    | 500,08    | 500,10    |
| 7           | 600,03         | 600,08                          | 600,09    | 600,11    | 600,08    |

Tablica 8. Izmjerene vrijednosti tlakova u BMB laboratoriju

| Red.<br>br. | Etalonski tlak | Srednja<br>vrijednost | Mjerni<br>odmak | Histereza     | Ponovljivost | Mjerna<br>nesigurnost |
|-------------|----------------|-----------------------|-----------------|---------------|--------------|-----------------------|
|             |                | <b>Pe</b>             | <b>Msr</b>      | <b>Msr-Pe</b> | <b>h</b>     | <b>b'</b>             |
|             |                | (bar)                 | (bar)           | (bar)         | (bar)        | (bar)                 |
|             |                | 0                     | 0,04            | 0,04          | 0,02         | 0,01                  |
| 1           | 100,02         | 100,10                | 0,08            | 0,01          | 0,02         | 0,03                  |
| 2           | 200,03         | 200,14                | 0,11            | 0,03          | 0,02         | 0,03                  |
| 3           | 300,03         | 300,14                | 0,11            | 0,02          | 0,02         | 0,05                  |
| 4           | 400,04         | 400,12                | 0,07            | 0,02          | 0,01         | 0,06                  |
| 5           | 500,04         | 500,10                | 0,06            | 0,02          | 0,01         | 0,08                  |
| 6           | 600,03         | 600,09                | 0,06            | 0,02          | 0,03         | 0,09                  |

Tablica 9. Izračunate vrijednosti BMB laboratorijska



Slika 15. Grafički prikaz mjernih rezultata u BMB laboratoriju

## 8. OPIS PROVEDENIH MJERENJA U LPM-FSB LABORATORIJU

Laboratorij za procesna mjerena (LPM), Fakulteta strojarstva i brodogradnje Sveučilišta u Zagrebu nositelj je državnih etalona za temperaturu, tlak i vlažnost Hrvatskog mjeriteljskog instituta. Akreditirani je umjereni laboratorij prema normi ISO/IEC 17025 od 2002. godine. Nadalje, u LPM-u se još mjere i proučavaju protok, brzina strujanja fluida, masa, toplinska energija i toplinska svojstva tvari. To se sve nalazi na otprilike 400 m<sup>2</sup> koji pripadaju LPM-u u kojem su djelatnici objavili više od 150 znanstvenih i stručnih radova. [15]

Umjeravan je pretvornik tlaka opisan pod točkom 6.1. ovog rada na etalonskoj tlačnoj vagi LPM-a interne označke TLVAG-08

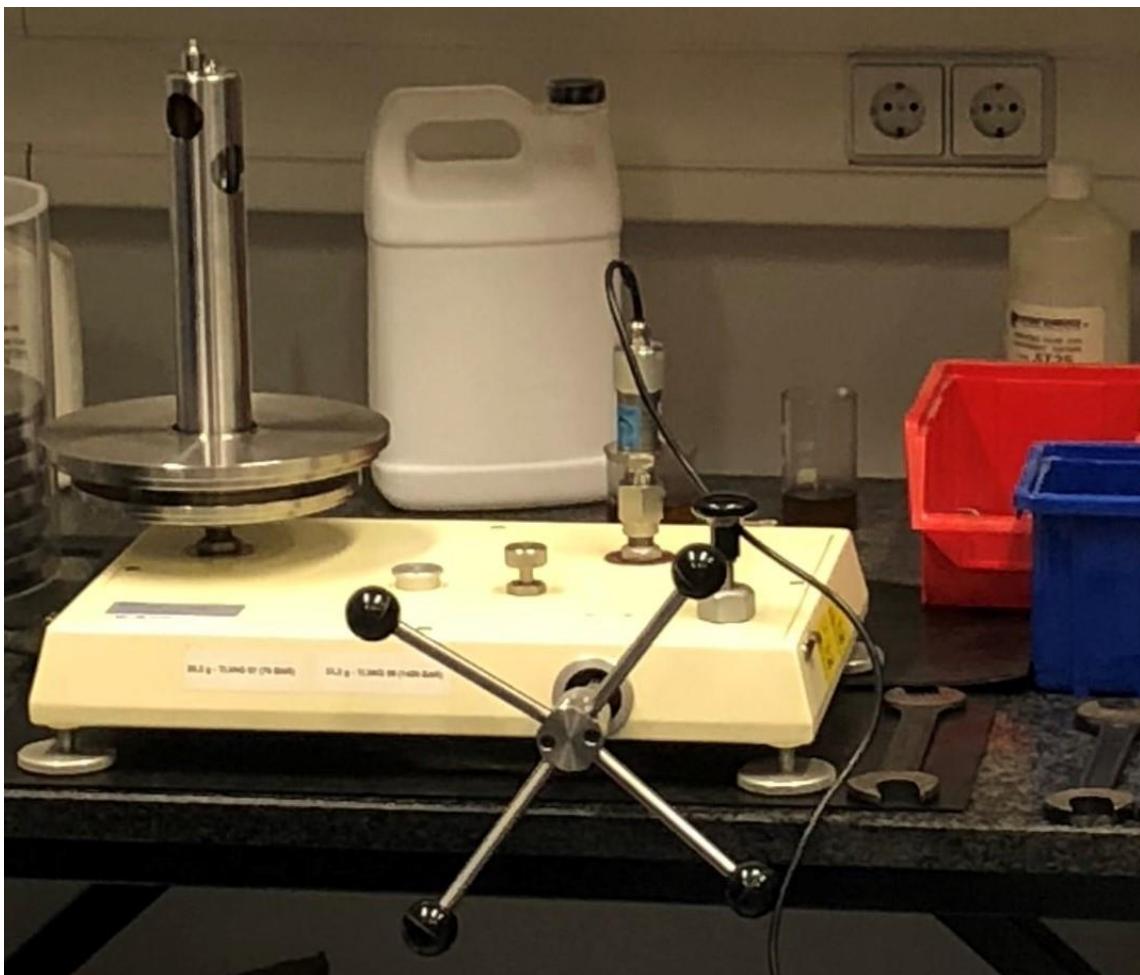
Umjeravanje se vršilo pomoću metode A u točkama 0, 100, 200, 300, 400, 500 i 600 bara prema smjernicama DKD-R 6-1. [15]

### 8.1. Etalonska tlačna vaga

Za umjeravanje u LPM-u korištena je tlačna vaga interne označke TLVAG-08 [Slika 16] čije su karakteristike dane u Tablici 10.

|                         |                  |
|-------------------------|------------------|
| Radni etalon (Standard) | TLVAG - 08       |
| Vlasnik mjerila         | FSB - LPM        |
| Proizvođač              | DRUCK            |
| Tvornički broj          | 3088442          |
| Tip                     | PDCR 2200 - 1939 |
| Mjerno područje         | 0-600            |
| Jedinica tlaka          | bar              |
| Podjela skale           | 0,01             |
| Razred točnosti         | 0,025%           |

Tablica 10. Karakteristike tlačne vase TLVAG-08



Slika 16. TLVAG-08 s utezima

## 8.2. Uvjeti ispitivanja u LPM-FSB laboratoriju

Podaci okolišnog stanja u LPM-u prikazani su u Tablici 11.

|                          |                                     |
|--------------------------|-------------------------------------|
| Temperatura              | $24 \pm 1 \text{ }^{\circ}\text{C}$ |
| Tlak                     | $1015 \pm 1 \text{ mbar}$           |
| Relativna vlažnost zraka | 37%                                 |
| $\Delta h$               | 150 mm                              |

Tablica 11. Prikaz stanja okoliša LPM - FSB laboratorija

### 8.3. Postupak određivanja efektivnog tlaka za etalonsku vagu TLVAG-08

Osnovna jednadžba za izračun efektivnog tlaka za idealni sklop klip-cilindar je:

$$p_e = \frac{F}{A_e} \quad (8)$$

#### 8.3.1. Korekcije jednadžbe za izračun efektivnog tlaka

Kako ona vrijedi samo u idealnom slučaju, moramo uzeti u obzir sljedeće korekcije:

- 1) Korekcija ukupne sile
- 2) Korekcija efektivne površine
- 3) Korekcija zbog statičkog tlaka stupca fluida

##### 8.3.1.1. Korekcija ukupne sile

Korekcija ukupne sile vrši se upotrebom formule (9).

$$F = \sum_i m_i \cdot \left(1 - \frac{\rho_a}{\rho_i}\right) \cdot g + \Gamma \cdot c \quad (9)$$

Pri čemu članovi u zagradi predstavljaju korekciju zbog uzgonskog djelovanja okolišnog zraka, dok član  $\Gamma \cdot c$  predstavlja korekciju zbog uzgonskog djelovanja okolnog zraka.

##### 8.3.1.2. Korekcija efektivne površine

Korekcija efektivne površine vrši se upotrebom formule (10).

$$A_e = A_0 \cdot (1 + \lambda \cdot p) \cdot [1 + (\alpha_k + \alpha_c) \cdot (t - 20)] \quad (10)$$

Prvi zagrada predstavlja linearnu ovisnost promjene efektivne površine ovisno o tlaku, dok uglasta zagrada predstavlja korekciju zbog odstupanja od referentne vrijednosti temperature od 20 °C.

##### 8.3.1.3. Korekcija zbog statičkog tlaka stupca fluida

Korekcija zbog statičkog tlaka stupca fluida vrši se pridruživanjem izraza (11).

$$(\rho_f - \rho_a) \cdot g \cdot h \quad (11)$$

8.3.1.4. Finalna formula za izračun efektivnog tlaka

Uvrstiji sve opisane korekcije dolazimo do izraza za efektivni tlak (12)

$$p_e = \frac{\sum_i m_i \cdot \left(1 - \frac{\rho_a}{\rho_i}\right) \cdot g + \Gamma \cdot c}{A_0 \cdot (1 + \lambda \cdot p) \cdot [1 + (\alpha_k + \alpha_c) \cdot (t - 20)]} + (\rho_f - \rho_a) \cdot g \cdot h \quad (12)$$

8.3.1.5. Konstante za izračun efektivnog tlaka etalonske vase TLVAG-08

Konstantne za izračun etalonskog tlaka kod vase TLVAG-08 dane su u Tablici 12., dok su ostale konstante okolišnih uvjeta dane u Tablici 13.

| <b>Podaci o etalonu</b>               | <b>Oznaka</b>  | <b>Iznos</b>  | <b>Jedinica</b>   |
|---------------------------------------|----------------|---------------|-------------------|
| Efektivna površina (atmosferski tlak) | A <sub>o</sub> | 4,031450E-06  | m <sup>2</sup>    |
| Koeficijent distorzije                | λ              | 3,400000E-07  | bar <sup>-1</sup> |
| Volumen za koji se radi korekcija     | V              | -3,200000E-07 | m <sup>3</sup>    |
| Gustoća ulja (bijelo ulje)            | ρ              | 914,00        | kg/m <sup>3</sup> |
| Površinska napetost ulja              | σ              | 3,120000E-02  | N/m               |
| Ubrzanje sile teže za LPM             | g              | 9,806220E+00  | m/s <sup>2</sup>  |
| Opseg klipa                           | Γ              | 7,115828E-03  | m                 |
| Koef.temp.ekspanzije                  | α              | 1,66E-05      | °C <sup>-1</sup>  |

Tablica 12. Konstante etalonske vase

| <b>Podaci o etalonu</b>                       | <b>Oznaka</b>  | <b>Iznos</b> | <b>Jedinica</b>   |
|---|----------------|--------------|-------------------|
| Gustoća zraka                                 | ρ <sub>a</sub> | 1,17         | kg/m <sup>3</sup> |
| Temperatura sklopa                            | t              | 23           | °C                |
| Razlika visine između instrumenta i dna klipa | h              | 5,00         | mm                |
| Gustoća tega                                  | ρ <sub>i</sub> | 7975         | kg/m <sup>3</sup> |

Tablica 13. Ostale konstante

## 8.4. Određivanje mjerne nesigurnosti

LPM-FSB je svoje mjerne nesigurnosti dokazao sudjelovanjem u EUROMET usporedbi. [18]

### 8.4.1. Izvori mjerne nesigurnosti

Za izračun mjerne nesigurnosti po proceduri iz DKD-R 6-1 uzeti su u obzir sljedeći izvori mjerne nesigurnosti [10]:

- 1) Nesigurnost rezolucije ispitivanog pretvornika,  $u_r$
- 2) Nesigurnost radnog etalona,  $u_{standard}$
- 3) Nesigurnost uslijed histereze,  $u_h$
- 4) Nesigurnost uslijed ponovljivosti,  $u_b$
- 5) Nesigurnost pri odstupanju od nultočke,  $u_{fo}$

#### 8.4.1.1. Nesigurnost rezolucije ispitivanog pretvornika, $u_r$

Nesigurnost rezolucije je za digitalne pretvornike po DKD-R 6-1 jednaka rezoluciji te je u slučaju ovog umjeravanja rezolucija ( $r$ ) jednaka 0,01. Ta se nesigurnost računa prema formuli (13).

$$u_r = \sqrt{\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{r}{2}\right)^2} \quad (13)$$

#### 8.4.1.2. Nesigurnost radnog etalona, $u_{standard}$

Nesigurnost radnog etalona je zadana u podacima o etalonu i obično ovisi o efektivnom tlaku etalona.

#### 8.4.1.3. Nesigurnost uslijed histereze, $u_h$

Nesigurnost uslijed histereze se računa po formuli (15) pri čemu se histereza ( $h$ ) određuje iz razlike nulte mjerne vrijednosti s povećanjem i smanjenjem serije prema formuli (14). U toj formuli prvi broj u indeksu se odnosi na mjernu seriju, dok se druga oznaka odnosi na mjeru točku.

$$h = \frac{1}{n} \{ |(x_{2,j} - x_{1,0}) - (x_{1,j} - x_{1,0})| + |(x_{4,j} - x_{3,0}) - (x_{3,j} - x_{3,0})| \} \quad (14)$$

$$u_h = \sqrt{\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{h}{2}\right)^2} \quad (15)$$

#### 8.4.1.4. Nesigurnost uslijed ponovljivosti, $u_{b'}$

Nesigurnost uslijed ponovljivosti se računa iz formule (19) u kojoj se javlja varijabla ponovljivosti (b). Ponovljivost je maksimalna razlika izlaznih vrijednosti za neku mjernu točku mjerenu na istim uvjetima, a uzima se kao prosjek uzlaznog i silaznog mjerjenja (18).

$$b'_{uzlazno,j} = |(x_{3,j} - x_{3,0}) - (x_{1,j} - x_{1,0})| \quad (16)$$

$$b'_{silazno,j} = |(x_{4,j} - x_{3,0}) - (x_{2,j} - x_{1,0})| \quad (17)$$

$$b'_{prosjek,j} = \max\{b_{uzlazno,j}, b_{silazno,j}\} \quad (18)$$

$$u_{b'} = \sqrt{\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{b'}{2}\right)^2} \quad (19)$$

#### 8.4.1.5. Nesigurnost pri odstupanju od nultočke, $u_{fo}$

Nesigurnost pri odstupanju od nultočke se odnosi na nesigurnost odstupanja nulte točke te se uzima se maksimalna vrijednost (20) koja se uvrštava u traženi izraz (21).

$$f_o = \max\{|x_{2,0} - x_{1,0}|, |x_{4,0} - x_{3,0}|, |x_{6,0} - x_{5,0}|\} \quad (20)$$

$$u_{fo} = \sqrt{\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{f_o}{2}\right)^2} \quad (21)$$

### **8.4.2. Ukupna kombinirana standardna nesigurnost**

Ukupna kombinirana standardna nesigurnost proizlazi iz svih izvora mjerne nesigurnosti pod točkom **7.4.1.** i računa se iz izraza (22).

$$u_{uzlazno/silazno} = \sqrt{u_r^2 + u_{standard}^2 + u_h^2 + u_{b'}^2 + u_{fo}^2} \quad (22)$$

### **8.4.3. Proširena mjerna nesigurnost**

Proširena mjerna nesigurnost se dobiva množenjem kombinirane standardne nesigurnosti s faktorom pokrivanja (23) koji je u ovom umjeravanju jednak 2 s vjerojatnošću od 95 %.

$$U_{uzlazno/silazno} = k \cdot u_{uzlazno/silazno} \quad (23)$$

## 8.5. Mjerni rezultati LPM-FSB labortorija

Mjerenje je provedeno 14.11.2018. godine u LPM-FSB laboratoriju te su rezultati dani tablično.



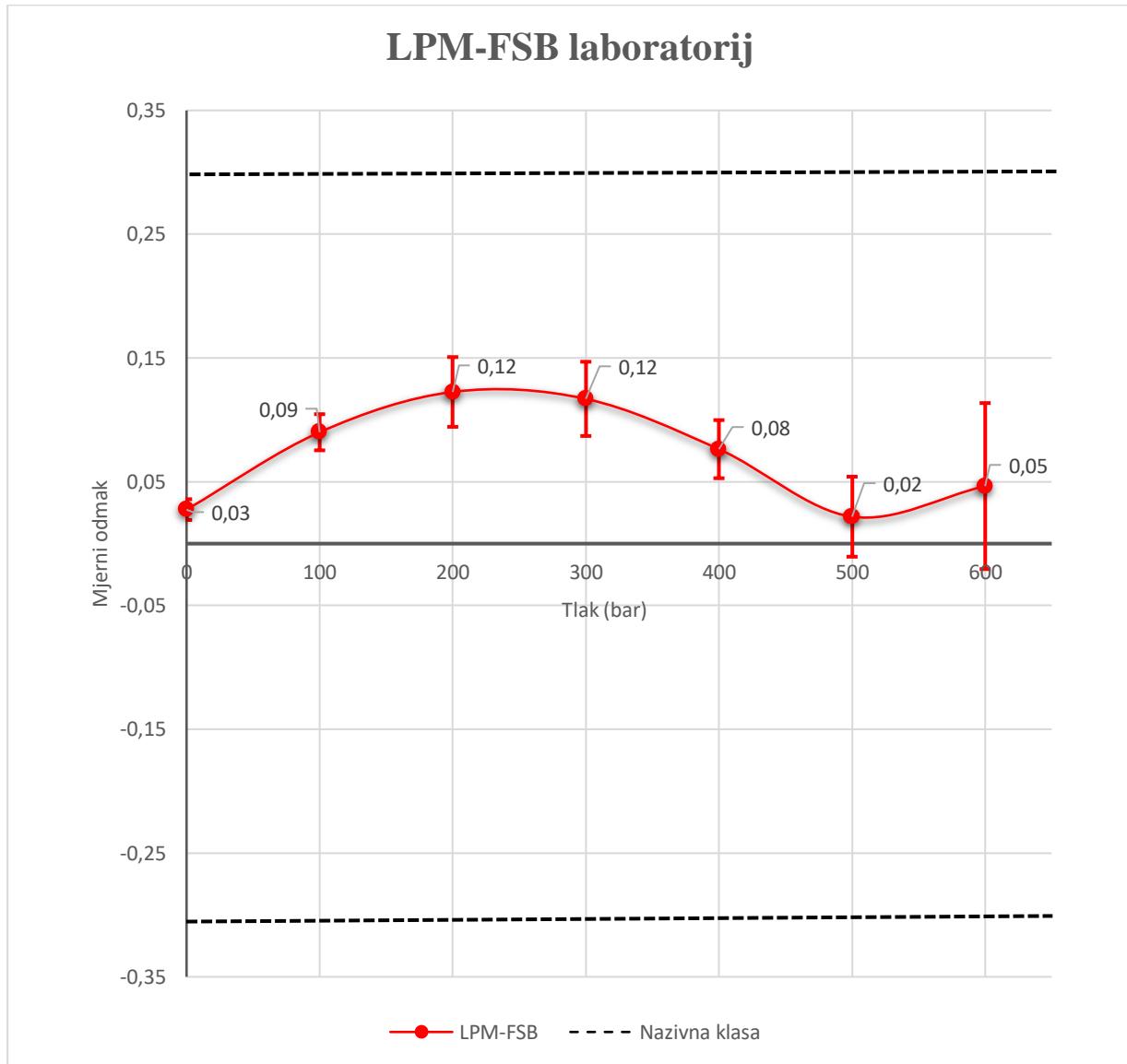
Slika 17. Proces mjerjenja u LPM-FSB laboratoriju

| Red.<br>Br. | Tlak etalona<br><b>p</b> | Utezi br.:                     | Očitanje |        |        |        |
|-------------|--------------------------|--------------------------------|----------|--------|--------|--------|
|             |                          |                                | M1       | M2     | M3     | M4     |
|             | (bar)                    |                                | (bar)    | (bar)  | (bar)  | (bar)  |
| 1           | 0,000                    | -                              | 0,02     | 0,03   | 0,03   | 0,03   |
| 2           | 99,995                   | osn. ut.,14,15,16              | 100,09   | 100,10 | 100,07 | 100,08 |
| 3           | 199,982                  | osn. ut.,14,15,16,1            | 200,10   | 200,11 | 200,10 | 200,11 |
| 4           | 299,968                  | osn. ut.,14,15,16,1,2          | 300,08   | 300,09 | 300,09 | 300,10 |
| 5           | 399,979                  | osn. ut.,14,15,16,1,2,3        | 400,05   | 400,06 | 400,05 | 400,06 |
| 6           | 499,996                  | osn. ut.,14,15,16,1,2,3,4      | 500,01   | 500,02 | 500,00 | 500,04 |
| 7           | 599,956                  | osn.<br>ut.,14,15,16,1,2,3,4,5 | 599,99   | 599,98 | 600,03 | 600,01 |

Tablica 14. Izmjerene mjerne vrijednosti LPM-FSB laboratorija

| Red. br. | Etalonski<br>tlak | Srednja vrijednost | Mjerni<br>odmak | Histereza | Ponovljivost | Mjerna<br>nesigurnost |
|----------|-------------------|--------------------|-----------------|-----------|--------------|-----------------------|
|          |                   |                    |                 |           |              | U                     |
|          |                   |                    |                 |           |              | (bar)                 |
| 1        | 0,000             | 0,03               | 0,03            | 0,01      | 0,01         | 0,01                  |
| 2        | 99,995            | 100,09             | 0,09            | 0,01      | 0,02         | 0,01                  |
| 3        | 199,982           | 200,11             | 0,12            | 0,01      | 0,00         | 0,03                  |
| 4        | 299,968           | 300,09             | 0,12            | 0,02      | 0,03         | 0,03                  |
| 5        | 399,979           | 400,06             | 0,08            | 0,01      | 0,00         | 0,02                  |
| 6        | 499,996           | 500,02             | 0,02            | 0,03      | 0,02         | 0,03                  |
| 7        | 599,956           | 600,00             | 0,05            | 0,01      | 0,10         | 0,07                  |

Tablica 15. Izračunate vrijednosti LPM-FSB laboratorija



Slika 18. Grafički prikaz mjerjenja u LPM-FSB laboratoriju

## **9. ANALIZA REZULTATA USPOREDBE I ODREĐIVANJE $E_n$ VRIJEDNOSTI**

Ocjena valjanosti se kod međulaboratorijskih ispitivanja definira kriterijima prihvatljivosti koji se temelje na unaprijed dogovorenim graničnim vrijednostima ili podacima koji se temelje na statističkim proračunima. Za izradu ovog rada korištena je  $E_n$  vrijednost kao kriterij prihvatljivosti.

### **9.1. $E_n$ vrijednost**

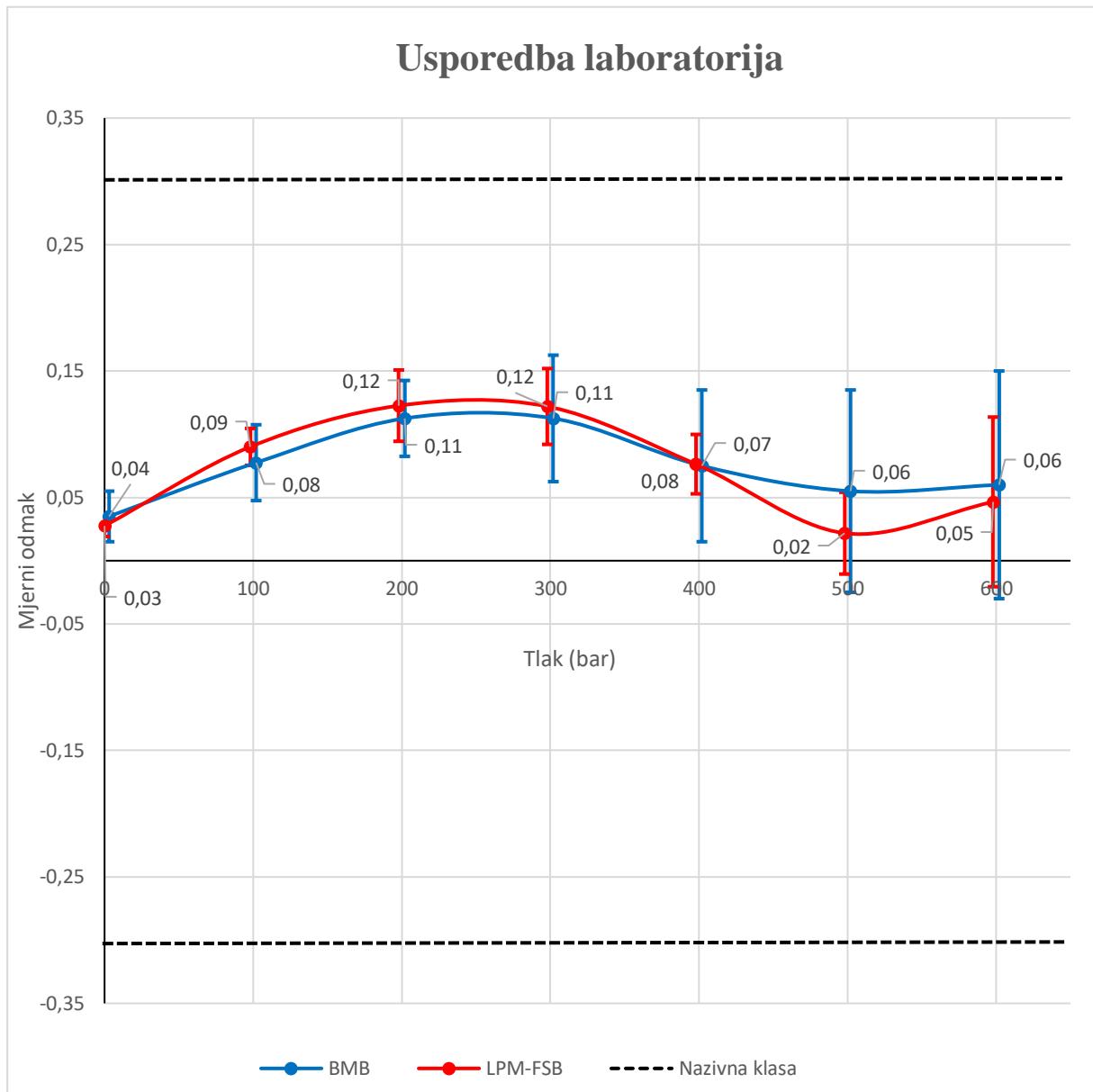
Faktor slaganja ( $E_n$ ) jedan je od ključnih kriterija za prihvatanje međulaboratorijske usporedbe. Proračunava se za svaku izmjerenu točku mjerenja u koju ulazi rezultat referentnog i umjeravanog laboratorija.

Osnovni uvjet za prihvatljivost kriterija  $E_n$  vrijednosti je :

- $|E_n| \leq 1$  Kriterij prihvaćen
- $|E_n| > 1$  Kriterij nije prihvaćen

Računa se iz izraza (24)

$$E_n = \frac{(x_{BMB} - X_{LPM-FSB})}{\sqrt{U_{BMB}^2 + U_{LPM-FSB}^2}} \quad (24)$$



Slika 19. Grafički prikaz mjernih rezultata oba laboratoriјa

| Red.<br>Br. | Nazivni tlak | Mjerni odmak<br>LPM-FSB | Mjerni<br>odmak BMB | Nesigurnost<br>umjeravanja<br>LPM-FSB | Nesigurnost<br>umjeravanja<br>BMB | $ E_n $ |
|-------------|--------------|-------------------------|---------------------|---------------------------------------|-----------------------------------|---------|
|             | Pm           | Msr-Pe                  | Msr-Pe              | U                                     | U                                 |         |
|             | (bar)        | (bar)                   | (bar)               | (bar)                                 | (bar)                             |         |
| 1           | 0            | 0,03                    | 0,04                | 0,01                                  | 0,02                              | 0,35    |
| 2           | 100          | 0,09                    | 0,08                | 0,01                                  | 0,03                              | 0,37    |
| 3           | 200          | 0,12                    | 0,11                | 0,03                                  | 0,03                              | 0,91    |
| 4           | 300          | 0,12                    | 0,11                | 0,03                                  | 0,05                              | 0,90    |
| 5           | 400          | 0,08                    | 0,07                | 0,02                                  | 0,06                              | 0,93    |
| 6           | 500          | 0,02                    | 0,06                | 0,03                                  | 0,08                              | 0,90    |
| 7           | 600          | 0,05                    | 0,06                | 0,07                                  | 0,09                              | 0,78    |

Tablica 16. Izračunate  $E_n$  vrijednosti

Kako je za sve točke mjerjenja  $E_n$  vrijednost manja od 1, kriterij prihvaćenosti je zadovoljen.

## 10. ZAKLJUČAK

U ovom radu su detaljno prikazane i objašnjene metode umjeravanja koje se koriste kod međulaboratorijske usporedbe. Primarni zadatak je bio provedba međulaboratorijske usporedbe mjerena tlakova u točkama 0, 100, 200, 300, 400, 500 i 600 bar-a po unaprijed definiranom protokolu. Umjeravani laboratorij bio je BMB Brcković, a predmet umjeravanja električni pretvornik P-30. Nakon provedenom mjerjenju u umjeravanom laboratoriju provedeno je mjerjenje u LPM-FSB laboratoriju koji je između ostalog nositelj etalona tlaka. Izračunata je histereza, ponovljivost, mjerna nesigurnost te mjerni odmak koji je prikazan grafički za oba mjerena.

Iz posljednjeg grafa u kojem su prikazana oba mjerena s mjernim odmakom i mjernom nesigurnosti zaključujemo da su sve točke mjerena upale u područje mjerne nesigurnosti. Nadalje, izračunata  $E_n$  vrijednost za sve točke manja je od 1 iz čega možemo zaključiti da je kriterij prihvaćenosti zadovoljen.

## LITERATURA

- [1] O'Connor, John J.; Robertson, Edmund F. (January 2004), "History of measurement"
- [2] <https://en.wikipedia.org/wiki/Measurement> (Pristupljeno: prosinac 2018.)
- [3] Biserka Runje: „Autorizirana predavanja iz kolegija Mjeriteljstvo“
- [4] [https://en.wikipedia.org/wiki/International\\_Committee\\_for\\_Weights\\_and\\_Measures](https://en.wikipedia.org/wiki/International_Committee_for_Weights_and_Measures)  
(Pristupljeno: prosinac 2018.)
- [5] [https://en.wikipedia.org/wiki/International\\_Bureau\\_of\\_Weights\\_and\\_Measures](https://en.wikipedia.org/wiki/International_Bureau_of_Weights_and_Measures)  
(Pristupljeno: prosinac 2018.)
- [6] Zvizdić, D., Grgec Bermanec, L.: Podloge za predavanja iz kolegija Mjerenje u energetici, 2017.
- [7] JCGM 200:2008 International vocabulary of metrology — Basic and general concepts and associated terms (VIM)
- [8] [https://www.tecsis.com/fileadmin/Content/tecsis/2\\_Files/2\\_Pressure/G\\_Test\\_Technology/de537.pdf](https://www.tecsis.com/fileadmin/Content/tecsis/2_Files/2_Pressure/G_Test_Technology/de537.pdf) (Pristupljeno: prosinac 2018.)
- [9] EUROMET: Calibration of Pressure Balances, 2017
- [10] DKD-R 6-1 Guideline, Calibration of Pressure Gauges, 03/2014
- [11] EURAMET: Guide on Comparisons, 2016
- [12] CIPM MRA-D-05: Measurement comparisons in the CIPM MRA, 2016.
- [13] <http://www.svijet-kvalitete.com/index.php/akreditacija/629-predstavljamo-haa%20>  
(Pristupljeno: prosinac 2018)
- [14] <http://www.bmb-laboratorij.hr> (Pristupljeno: prosinac 2018)
- [15] <https://www.fsb.unizg.hr/index .php?ztermo&lpm> (Pristupljeno: prosinac 2018)
- [16] <https://leksikon.muzej-marindrzic.eu/orlando/> (Pristupljeno: prosinac 2018)
- [17] <https://www.industrysearch.com.au/wika-model-cpb5000-pressure-balance/p/55588>  
(Pristupljeno: prosinac 2018)
- [18] LG Bermanec, D Pantic, B Ramac: „Final report on comparison of hydraulic pressure balance effective area determination in the range up to 80 MPa“

## **PRILOZI**

- I. CD-R disc
- II. Potvrda o umjeravanju



**BMB Laboratorij Brcković**  
**Umjerni laboratorij**  
*BMB Laboratory Brcković - Calibration laboratory*



**Laboratorij za umjeravanje mjerila tlaka, temperature i relativne vlažnosti**  
*Laboratory for the calibration of pressure, temperature and relative humidity devices*

**Potvrda o umjeravanju**  
*Calibration certificate*

Umjerna naljepnica  
*Calibration label*



|   |   |  |
|---|---|--|
| Predmet umjeravanja<br><i>Object</i>                                      | <b>El. pretvornik tlaka sa pokazivačem,<br/>0 do 600 bar</b>              | Potvrda o umjeravanju dokazuje sljedivost prema nacionalnim etalonima koji ostvaruju mjerne jedinice u skladu s Međunarodnim sustavom jedinica (SI). Korisnik se obvezuje na ponovno umjeravanje u odgovarajućim vremenskim razmacima. Umjeravanje je provedeno u skladu s akreditacijom i mjernim mogućnostima laboratorija. Dobivena mjerena nesigurnost ne uzima u obzir moguće promjene predmeta umjeravanja kroz dulje razdoblje. |
| Proizvodač<br><i>Manufacturer</i>   | <b>WIKA</b>   | This calibration certificate documents the traceability to national standards, which realise the units of measurement according to the International System of Units (SI).   |
| Tip<br><i>Type</i>  | <b>P-30</b>   | The user is obliged to have the object recalibrated at appropriate intervals. The calibration is performed according to the accreditation and measurement capabilities of the laboratory.  |
| Tvornički broj<br><i>Serial number</i>                                    | <b>2266151</b>  | The reported uncertainty does not include an estimation of long-term variations.   |
| Naručitelj<br><i>Customer</i>   | <b>BMB Laboratorij Brcković<br/>Čulinečka 87<br/>10040 Zagreb-Dubrava</b> |  |
| Vlasnik<br><i>Owner</i>   |   |  |
| Oznaka zahtjeva<br><i>Order no.</i>                                       | <b>IK-033</b>   |  |
| Ukupan broj stranica potvrde<br><i>Number of pages of the certificate</i> | <b>3</b>  |  |
| Datum umjeravanja<br><i>Date of calibration</i>                           | <b>06.11.2018.</b>  |  |

Mjerena nesigurnost navedena u ovoj potvrdi o umjeravanju odgovara vrijednosti složene nesigurnosti pomnožene s faktorom pokrivanja  $k = 2$ . Ona je određena prema EA-4/02. Navedeni rezultat mjerjenja normalno se nalazi u naznačenim granicama vrijednosti s područjem povjerenja od približno 95 %.

Potvrda o umjeravanju smije se umnožavati samo u cijelosti, osim uz odobrenje BMB Laboratorija Brcković.

Potvrda o umjeravanju nije valjana bez potpisa i žiga.

*There is stated that expanded uncertainty of measurement results from combined standard uncertainty by multiplying with the coverage factor  $k = 2$ . It was determined according to EA-4/02. The value of the measurand is normally within the assigned interval of values with a confidence level of approximately 95 %.*

*This calibration certificate may be reproduced only in full, except with the permission of BMB Laboratory Brcković.  
Calibration certificates without signature and seal are not valid.*

|                    |                      |  |
|--------------------|----------------------|--|
| Žig<br><i>Seal</i> | Datum<br><i>Date</i> | Voditelj laboratorija<br><i>Head of the laboratory</i> |
|                    | 06.11.2018.          | Marijan Mužević, dipl.inž                              |

BMB Laboratorij Brcković – Umjerni laboratorij  
 10040 ZAGREB, Čulinečka cesta 87, tel.: ++385 (1) 2866-893, 2865-184, fax: ++385 (1) 2866-892  
 IBAN: HR2623400091160428706 Privredna banka, MBO: 90741587, OIB: 47590958254  
 e-mail: [info@bmb-laboratorij.hr](mailto:info@bmb-laboratorij.hr); [www.bmb-laboratorij.hr](http://www.bmb-laboratorij.hr)

stranica      2      od      3  
page      2      from      3



## Metoda umjeravanja:

Predmet je umjeravan prema odobrenom postupku UP13 Umjeravanje mjerila tlaka (Izdanje 10, 2017) sukladnom sa Uputom DKD-R 6-1, Umjeravanje mjerila tlaka (Ed. 3, 2014).

## Calibration method:

*Item is calibrated according to the approved procedure UP13 Calibration of pressure devices (Issue 10, 2017) compatible with the Guideline DKD-R 6-1, Calibration of Pressure Gauges (Ed. 3, 2014).*

Podaci klime okoliša:  
Environment conditions:

|   | Temperatura zraka<br><i>Air temperature</i><br>(°C) | Relativna vlažnost<br><i>Humidity</i><br>(%) | Tlak zraka<br><i>Air pressure</i><br>(hPa) |
|---|---|--|--|
| Mjereno<br><i>Measured</i>                  | 22,1  | 55,2   | 1005,0                                     |
| Mjer. nesigurnost (U)<br><i>Uncertainty</i> | 0,3   | 2,5  | 0,2  |

Opis predmeta umjeravanja:  
Item description:

El. pretvornik tlaka sa pokazivačem, mjernog područja 0 do 600 bar, najmanjeg podjeljka 0,01 bar, ciljane mjerne nesigurnosti 0,05 % FS

Etalonska oprema:  
Used standards:

- Tlačna vaga VDO-Budenberg; 1/60 i 20/1200 bar, tip 380H, tv.br. 19360, mj. nesig. (k=2) U =  $1 \times 10^{-4} \times p$ , min. 0,6 mbar (za 1/60) i  $1 \times 10^{-4} \times p$ , min 5 mbar (za 20/1200), umjerena u SMU, tlačni medij tekućina, naljep. 03793-630-017-17 i 03915-630-017-17.

Mjerni uvjeti:  
Measurement conditions:

Mjerilo je umjeravano u laboratoriju.  
Položaj tijekom umjeravanja: vertikalno.  
Referentni nivo na priključku mjerila.  
Tlačni medij ulje.

Zapažanja:  
Notes:

Umjeravanje je provedeno za potrebe međulaboratorijske usporedbe u dogovorenim točkama 0, 100, 200, 300, 400, 500, 600 bar.

Rezultati umjeravanja odnose se na navedeno mjerilo i uvjete pri umjeravanju.  
*The results of calibration are referred to specific object and conditions.*

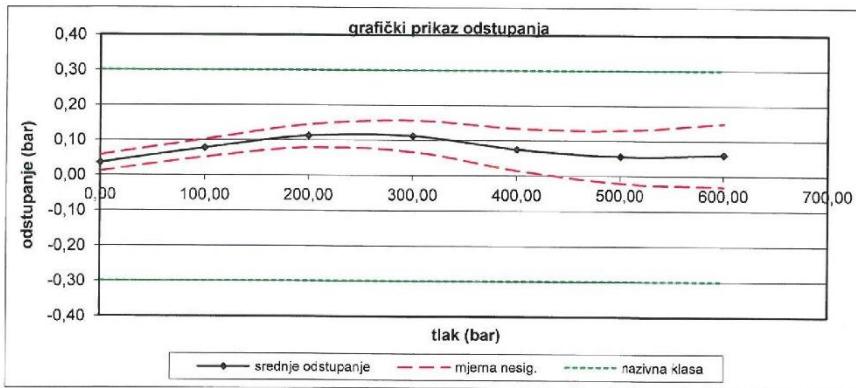
BMB Laboratorij Brcković – Umjerni laboratorij  
10040 ZAGREB, Čulinečka cesta 87, tel.: ++385 (1) 2866-893, 2915-987, fax: ++385 (1) 2866-892  
IBAN: HR262340091160428706 Privredna banka, MBO: 90741587, OIB: 47590958254  
e-mail: info@bmb-laboratorij.hr, www.bmb-laboratorij.hr



stranica 3 od 3  
page 3 from 3Rezultati mjerenja:  
Measurement results:

| Red.<br>br. | Etalonski tlak<br>$p_e$<br>(bar) | Očitanje na umjeravanom mjerilu |                  |                  |                  |
|-------------|----------------------------------|---------------------------------|------------------|------------------|------------------|
|             |                                  | uzlavno<br>(bar)                | silazno<br>(bar) | uzlavno<br>(bar) | silazno<br>(bar) |
|             |                                  | M1                              | M2               | M3               | M4               |
| 1           | 0,00                             | -0,02                           | 0,05             | 0,03             | 0,04             |
| 2           | 100,02                           | 100,10                          | 100,09           | 100,09           | 100,11           |
| 3           | 200,03                           | 200,12                          | 200,15           | 200,14           | 200,16           |
| 4           | 300,03                           | 300,14                          | 300,14           | 300,13           | 300,16           |
| 5           | 400,04                           | 400,11                          | 400,12           | 400,10           | 400,13           |
| 6           | 500,04                           | 500,09                          | 500,11           | 500,08           | 500,10           |
| 7           | 600,03                           | 600,08                          | 600,09           | 600,11           | 600,08           |

| Red.<br>br. | Etalonski tlak<br>$p_e$<br>(bar) | Srednja<br>vrijednost<br>$M_{sr}$ | Mjerni odmak<br>$M_{sr} - p_e$ | Histeresa<br>h | Ponovljivost<br>b | Mjerna<br>nesigurnost<br>$U$ |
|-------------|----------------------------------|-----------------------------------|--------------------------------|----------------|-------------------|------------------------------|
|             |                                  | (bar)                             | (bar)                          | (bar)          | (bar)             | (bar)                        |
|             |                                  | M1                                | M2                             | M3             | M4                |                              |
| 1           | 0,00                             | 0,04                              | 0,04                           | 0,02           | 0,01              | 0,02                         |
| 2           | 100,02                           | 100,10                            | 0,08                           | 0,01           | 0,02              | 0,03                         |
| 3           | 200,03                           | 200,14                            | 0,11                           | 0,03           | 0,02              | 0,03                         |
| 4           | 300,03                           | 300,14                            | 0,11                           | 0,02           | 0,02              | 0,05                         |
| 5           | 400,04                           | 400,12                            | 0,07                           | 0,02           | 0,01              | 0,06                         |
| 6           | 500,04                           | 500,10                            | 0,06                           | 0,02           | 0,01              | 0,08                         |
| 7           | 600,03                           | 600,09                            | 0,06                           | 0,02           | 0,03              | 0,09                         |



Mjerenje obavio / Measured by:

Davor Matavulj

Kraj Potvrde o umjeravanju  
End of Calibration certificate

BMB Laboratorij Brčković – Umjerni laboratorij  
10040 ZAGREB, Čulinečka cesta 87, tel.: ++385 (1) 2866-893, 2915-987, fax: ++385 (1) 2866-892  
IBAN: HR262340091160428706 Privredna banka, MBO: 90741587, OIB: 47590958254  
e-mail: info@bmb-laboratorij.hr, www.bmb-laboratorij.hr